

بررسی عددی جریان گرما-شاره از روی موائع با ترکیبات هندسی مختلف

سید اسماعیل رضوی دانشیار، دانشکده فنی مهندسی مکانیک، دانشگاه تبریز،
علی معمارزاده کارشناس ارشد مهندسی مکانیک، شرکت گاز استان آذربایجان شرقی

چکیده:

در کار حاضر به بررسی تأثیر شکل، اندازه و آرایش انواع ریب‌ها در کanal هوا روی انتقال گرما و اصطکاک در رژیم‌های مختلف جریان پرداخته شده است. موائع شامل ریبهای مثلثی، ذوزنقه‌ای، مستطیلی، دایره‌ای و صفحه‌ای می‌باشند. مدل آشفتگی k-ε RNG و نیز روش SIMPLE با طرح بالادست مرتبه دوم برای گسترش سازی معادلات ناویر-استوکس و انرژی به کار رفته‌اند. تجزیه و تحلیل نتایج عددی و مقایسه آنها با دیگر نتایج عددی و تجربی موجود در ادبیات فن ارائه گردیده است. هدف از این پژوهش بررسی نحوه عملکرد ریبهای مختلف در گسترده‌ای از اعداد رینولز برای بهبود انتقال گرما در یک کanal می‌باشد. همچنین عملکرد و رفتار عددی مدل‌های مختلف آشفتگی در اینجا بررسی شده است.

کلمات کلیدی: معادلات ناویر-استوکس جریان تراکم ناپذیر، کanal مستطیلی، روش حجم کنترل، ریب (موائع) و شیار، مدل‌های آشفتگی

Investigation of Incompressible Flow with Heat Transfer Across Ribs with Different Configurations

S. E. Razavi Associate Professor, Faculty of Mech., Eng., University of Tabriz
A. Memarzadeh M.Sc. Student, East Azarbaijan Gas Company

Abstract:

Present work investigates the effect of geometry, size and arrangement of ribs in an air channel on the heat transfer and friction at various regimes. The obstacles include the triangular, trapezoidal, rectangular, and circular riblets. The RNG k-ε turbulence model along with SIMPLE algorithm and second-order upwind method have been used for discretization of Navier-Stokes and energy equations. The numerical solutions have been compared with their experimental and numerical counterparts. The aim of this research is analyzing the performance of various riblets at different flow conditions and the behavior of numerical scheme.

Keywords: Navier- Stokes Equations, Rectangular Channel, Control Volume Method, Riblet Turbulence Model and Groove

١ - مقدمة

رینولز اثر می‌پذیرد. پرومونق و همکاران [۵] عملکرد گرمایی و اصطکاکی جریان‌های آشفته هوا داخل کanal مستطیلی با نسبت طول به ارتفاع ۱۵.۲۰ mm، ارتفاع ریب ۶ mm و گام ۴۰mm در شار گرمایی ثابت به عنوان شرط مرزی و روی ریب‌های مثلث متساوی الاضلاع، مثلث قائم الزاویه و مستطیلی در آرایش‌های خطی و غیر خطی را بررسی تجربی کردند. عدد رینولز برمبنای قطر هیدرولیکی کanal از ۴۰۰۰ تا ۱۶۰۰۰ تغییر می‌کند. ایاسما و همکاران [۶] با روش حجم کنتrol انتقال گرمایی اجباری جریان آشفته داخل کanal دو بعدی و روی شیارهای عرضی متناوب واقع در دیواره پایینی کanal (شار گرمایی ثابت) و دیواره بالایی (عایق) تحقیق کردند. برای بررسی از چهار k- ω مدل آشفته‌گی k- ϵ استاندارد k- ϵ ، RNG k- ϵ و SST در محدوده عدد رینولز ۶۰۰۰ تا ۱۸۰۰۰ با نسبت پهنه‌ای شیار به ارتفاع کanal ۰.۵ تا ۱.۷۵ و نسبت گام شیار به ارتفاع کanal ۲ و نسبت عمق شیار به ارتفاع کanal ۰.۰۵ استفاده شده است. تاسچر و همکاران [۷] بهبود انتقال گرمای جابجایی اجباری در مبالغه کن گرمایی صفحه‌ای ریبدار با سطح مقطع مستطیلی در گستره $Re < 10000$ (شامل رژیم آرام و آشفته کم) به گونه عددی و تجربی مطالعه کردند. آرایش‌های مختلف از نظر شکل ریب، اندازه ریب و گام آن، زاویه حمله، پهنه، ارتفاع کanal و دمای دیواره بررسی شده است. ضرایب انتقال گرمایی موضعی برای Interferometry Holographic و پارامترهای هیدرودینامیک موضعی مانند انرژی جنبشی آشفته و Laser Doppler Velocimeter از نیز با استفاده از تنش‌های برشی رینولز نیز در مقاله حاضر به بررسی ارتفاع ریب ۱۰ است. برای عملکرد مناسب‌تر از شیار در فاصله بین دو ریب نیز استفاده شده است. در مقاله حاضر به بررسی تأثیر شکل، اندازه و آرایش انواع ریب‌ها در کanal هوا روی انتقال-گرما و اصطکاک با نرم افزار FLUENT در جریان‌های آرام و آشفته پرداخته شده است. مدل آشفته‌گی k- ϵ و RNG با طرح بالا دست مرتبه دوم برای گسسته الگوریتم SIMPLE با معادلات ناویر-استوکس و انرژی به کار رفته‌اند. برای سازی معادلات ناویر-استوکس و انرژی به کار GAMBIT استفاده شده تولید شبکه با سازمان از نرم افزار GAMBIT انجام شده است.

٢- معادلات حاكم:

با در نظر گرفتن طول مرجع (قطر هیدروليکي کanal)، سرعت مرجع U ، فشار مرجع μU^2 ، زمان مرجع D/U و خواص سیال ورودی به کanal p_∞ ، ρ_∞ ، T_∞ و دمای ثابت دیواره

جلوگیری از جدایش جریان یا ایجاد آن، کاهش یا افزایش آشفتگی منجر به تغییر بازده مبادله کن‌های گرماء، کاهش وزن سازه‌ها، کاهش هزینه‌های عملکرد و سوت مصرفی می‌شود. برای مبادله کن‌های گرمایی در ابتدا از سطوح انتقال گرمایی - بدون زائد استفاده می‌کردند. روش کنترل جریان به سه دسته کلی تقسیم‌شوند [۱۱]: روش‌های غیر فعال، روش‌های فعال و روش‌های ترکیبی، روش غیرفعال از سطحی با شکلی خاص و یا افروden مواد و پلاستیکی به سیال اصلی استفاده می‌کنند و نیاز به اعمال انرژی بیرونی در حین کنترل جریان ندارند. روش‌های فعال نیاز به تحریک بیرونی برای کنترل جریان دارند. روش‌های ترکیبی از دو روش بهره می‌برند. ایجاد موضع داخلی مانند انواع ریب و شیار از جمله روش‌های غیر فعال می‌باشد. استفاده از ریب‌ها و شیارها به دلیل به هم ریختن لایه مرزی گرمایی و تولید گردابه‌ها برای اختلاط بهتر سیال به انتقال گرما کمک می‌کنند، اما موجب افت فشار می‌شوند. در انتخاب آرایش آنها باید حالت بهینه‌ای جستجو شود. یکی از مزایای اصلی آنها هزینه بسیار کم و بهبود چشمگیر انتقال گرما و افت فشار در مقایسه با سایر روش‌های کنترل جریان و انتقال گرما می‌باشد. سریهارشا و همکاران [۲] تأثیر ارتفاع ریب‌های 90° و 60° چسبیده به دیوار و جدا از آن را روی توزیع انتقال گرمای موضوعی و افت فشار در کanal مربعی با ریب دیوارهای بالا و پایین را به صورت - تجربی مطالعه کردند. عدد رینولدز بر مبنای قطر هیدرولیکی کanal 10000 تا 30000 تغییر کرد. چانگ و همکاران [۳] اثر ارتفاع کanal‌های مربعی و ارتفاع ریب‌ها روی بهبود انتقال گرما با دیوارهای ریبدار مقابل هم را بررسی تجربی کردند. کیم و همکاران [۴] بهینه‌سازی طراحی کanal‌های ریبدار دو بعدی با ریب‌های متناوب در دو دیوار مقابل هم برای بهبود انتقال گرمای آشفته با روش حجم کنترل مطالعه کردند. در کار آنها روش سطح پاسخ به عنوان شیوه بهینه سازی و RANS برای تحلیل جریان و گرما با مدل آشفتگی k-ε استاندارد استفاده شد. آنها نسبت پهنا به ارتفاع ریب، نسبت ارتفاع ریب به ارتفاع کanal، نسبت گام به ارتفاع ریب و نیز نسبت فاصله بین دو ریب مقابل هم به گام را به عنوان متغیرهای طراحی انتخاب کردند. تابع هدف مقایسه‌ای بین انتقال گرما و افت فشار است که به صورت ترکیب خطی از انتقال گرما و افت جنبشی آشفتگی باعث بهبود انتقال گرمای آشفته شده، اما به گونه قابل ملاحظه‌ای از شرایط جریان مانند طول پیوست مجدد و یا باز چسب خطوط جریان جدا شده، شدت آشفتگی و عدد

$$V_{eff} = V + V_t \quad , \quad v_t = C_\mu \frac{k^2}{\varepsilon}$$

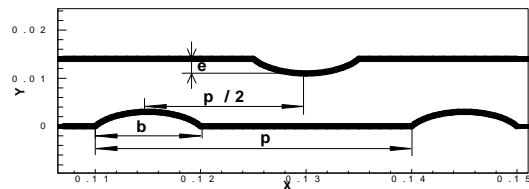
$$\alpha_k = \alpha_e = 1.39 C_\mu = 0.0845 \quad , \quad C_{1e} = 1.42 \quad , \quad C_{2e} = 1.68$$

$$\eta_0 = 4.377 \quad , \quad \beta = 0.012$$

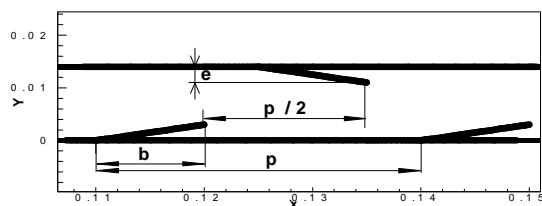
$$C_{l\varepsilon}^* = C_{l\varepsilon} - \frac{\eta(1 - \eta/\eta_0)}{1 + \beta\eta^3}$$

$$\eta = (2E_{ij} \cdot E_{ij})^{1/2} \frac{k}{\varepsilon}$$

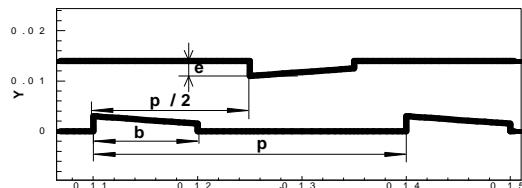
در شکل ۱ هندسه ریب‌های استفاده شده در کار حاضر نمایش داده شده است که در آن P گام، e ارتفاع ریب و b پهنای آن هستند.



شکل ۱ الف- ریب‌های دایره‌ای



شکل ۱ ب- ریب‌های مثلثی



شکل ۱ ج- ریب‌های ذوزنقه‌ای

۴- نتایج عددی و بحث:

در کار حاضر معادلات ناویر-استوکس و انرژی با الگوریتم سیمپل و اعمال ضرایب فرو تخفیف حل شده و برای گسسته-سازی شاره‌های جابجایی از طرح فرا باد مرتبه دوم استفاده شده است که معیار همگرایی 10^{-6} می‌باشد. در طول فرایند تکرار ضرایب فرو تخفیف برای فشار، چگالی، نیروهای حجمی، اندازه حرکت، آهنگ تولید انرژی جنبشی آشفته و آهنگ استهلاک آن، لزجت آشفته و انرژی به ترتیب $0.3, 1, 0.7, 0.8, 0.8, 0.8, 0.7, 1, 0.3$ ، $C_{1e} = 1.44$ ، $C_{2e} = 1.92$ ، $C_\mu = 0.09$ در شکل ۲ نمونه‌ای از شبکه با سازمان فشرده شده مشخصه است. برای مشاهده تأثیر اندازه شبکه روی نتایج، آزمایش

کanal T_w متغیرهای بی بعد و معادلات بی بعد شده برداری حرکت و انرژی، به شکل زیر حاصل می‌شوند [۸]:

$$x^* = \frac{x}{D} \quad , \quad y^* = \frac{y}{D} \quad , \quad u^* = \frac{u}{U} \quad , \quad v^* = \frac{v}{U}$$

$$t^* = \frac{tU}{D} \quad , \quad \theta = \frac{T - T_\infty}{T_w - T_\infty} \quad , \quad p^* = \frac{p - p_\infty}{\rho U^2} \quad (1)$$

$$\frac{\partial W}{\partial t} + \frac{\partial F}{\partial x} + \frac{\partial G}{\partial y} = \frac{\partial R}{\partial x} + \frac{\partial S}{\partial y} \quad (2)$$

$$W = [p \quad u \quad v \quad \theta]^T, F = [u \quad u^2 + p \quad uv \quad u\theta]^T$$

$$G = [v \quad uv \quad v^2 + p \quad v\theta]^T$$

$$R = \frac{1}{Re_D} \left[0 \quad \frac{\partial u}{\partial x} \quad \frac{\partial v}{\partial x} \quad \frac{1}{Pr} \frac{\partial \theta}{\partial x} \right]^T$$

$$S = \frac{1}{Re_D} \left[0 \quad \frac{\partial u}{\partial y} \quad \frac{\partial v}{\partial y} \quad \frac{1}{Pr} \frac{\partial \theta}{\partial y} \right]^T$$

$$Pr = \frac{\nu}{\alpha'}, \quad Re_D = \frac{UD}{\nu}$$

علامت ستاره معادلات بالا برای سادگی حذف شده است.

۳- مدل آشفتگی:

مدل آشفتگی $k-\varepsilon$ مانند زیر است [۹]:

$$\frac{\partial(k)}{\partial t} + \nabla.(k\vec{U}) = \nabla.\left[\frac{\nu_t}{\sigma_k} \nabla k\right] + 2\nu_t E_{ij} \cdot E_{ij} - \varepsilon \quad (3)$$

$$\frac{\partial(\varepsilon)}{\partial t} + \nabla.(\varepsilon\vec{U}) = \nabla.\left[\frac{\nu_t}{\sigma_\varepsilon} \nabla \varepsilon\right] + C_{1e} \frac{\varepsilon}{k} 2\nu_t E_{ij} \cdot E_{ij} - C_{2e} \frac{\varepsilon^2}{k} \quad (4)$$

ثبتهای مدل عبارتند از [۹]:

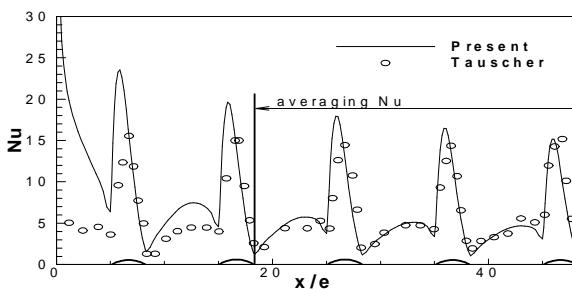
$$\sigma_k = 1.00, \quad \sigma_\varepsilon = 1.30, \quad C_{1e} = 1.44, \quad C_{2e} = 1.92$$

$$C_\mu = 0.09$$

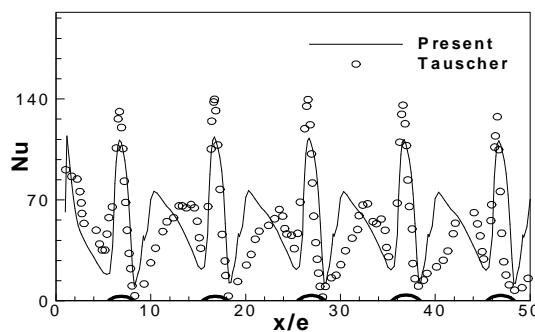
اعداد پرانتل σ_k و σ_ε قابلیت نفوذ k و ε را به لزجت گردابی μ مربوط می‌کنند. دسته هنجار مجدد (RNG) اثرات آشفتگی در مقیاس کوچک را با استفاده از یکتابع جبری اتفاقی (دیدگاه مکانیک آماری) در معادلات ناویر-استوکس نشان میدهدند [۹]:

$$\frac{\partial(k)}{\partial t} + \nabla.(k\vec{U}) = \nabla.\left[\alpha_k \nu_{eff} \nabla k\right] + 2\nu_t E_{ij} \cdot E_{ij} - \varepsilon \quad (5)$$

$$\frac{\partial(\varepsilon)}{\partial t} + \nabla.(\varepsilon\vec{U}) = \nabla.\left[(\alpha_\varepsilon \nu_{eff} \nabla \varepsilon)\right] + C_{1e}^0 \frac{\varepsilon}{k} 2\nu_t E_{ij} \cdot E_{ij} - C_{2e} \frac{\varepsilon^2}{k} \quad (6)$$

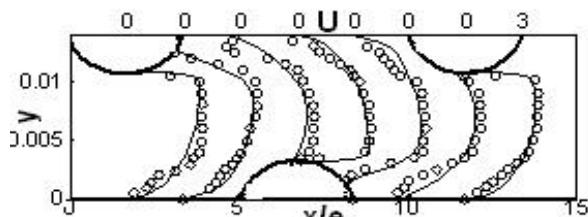


شکل ۴- مقایسه توزیع نوسلت موضعی در جریان آرام [۷]
Re=550



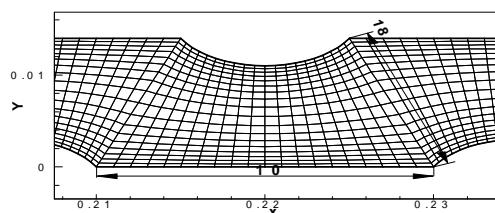
شکل ۵- مقایسه توزیع نوسلت موضعی در جریان آشفته [۷]
Re=5000

پروفیل‌های سرعت در ابتدا و انتهای کanal برای جریان‌های آرام و آشفته در کanal با ریب‌های دایره‌ای با مشخصه و مدل آشفتگی قبلی با نتایج موجود در ادبیات فن [۷] در شکل‌های ۶ و ۹ مقایسه شده است. همانگونه که دیده می‌شود پروفیل‌های سرعت دقت قابل قبولی دارند. عدم دقت مدل آشفتگی فوق در شبیه‌سازی جریان چرخشی باعث انحراف نمودار در توزیع عدد نوسلت موضعی می‌شود. مدل آشفتگی RNG k-ε برای جریان‌های داخلی توسعه داده شده و در شبیه‌سازی گردابه‌ها تا حدی ضعیف است. در مقابل آن مدل‌های آشفتگی جریان خارجی دقت لازم برای انتقال گرما و اصطکاک با ریب‌ها است، به حاضر بررسی بهبود انتقال گرما و اصطکاک با ریب‌ها است، به همین دلیل مدل آشفتگی RNG k-ε انتخاب شد. پروفیل سرعت جریان آرام تطابق خوب با نتایج موجود [۷] دارد.

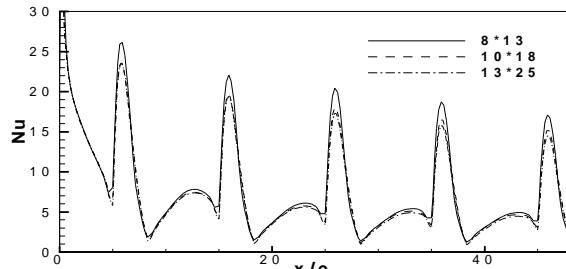


شکل ۶- مقایسه پروفیل‌های سرعت در انتهای کanal در جریان آشفته [۷] Re=5000

استقلال نتایج از شبکه در سه شبکه 8×13 ، 10×18 و 13×25 در کanal با ریب دایره‌ای با مشخصه‌های فوق انجام می‌شود. با توجه به ارتفاع کanal و تعداد ریب‌ها به ترتیب ۱۴mm و هشت عدد روی هر دیواره کanal این اندازه شبکه مطلوب می‌باشد. مقایسه نتایج برای هر سه شبکه نشان می‌دهد که استقلال نتایج از شبکه برای کار اخیر در شبکه 10×18 حاصل می‌شود، زیرا با ریز تر کردن شبکه تغییر محسوسی در توزیع نوسلت موضعی برای هر سه شبکه به وجود نیامده است. با در نظر گرفتن هزینه نسبی محاسبات و دقت مطلوب، تمامی نتایج ارایه شده در کار حاضر در شبکه اشاره شده ارایه می‌گردند. قابل ذکر است مدل آشفتگی RNG k-ε است.



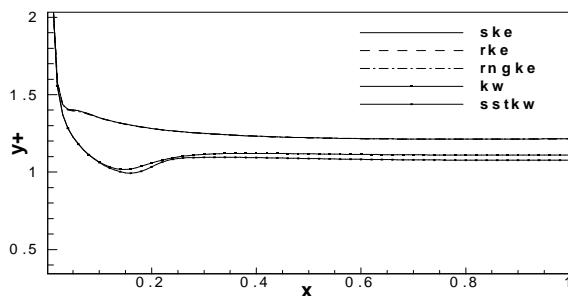
شکل ۲- بخشی از شبکه در کanal با ریب‌های دایره‌ای



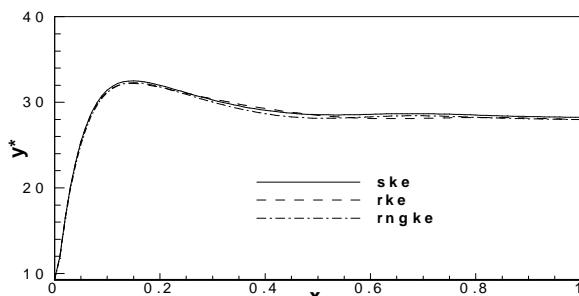
شکل ۳- استقلال نتایج شبکه در کanal با ریب‌های دایره‌ای

برای دو عدد رینولدز که بر مبنای قطر هیدرولیکی کanal تعریف می‌شود، یکی آرام و دیگری آشفته، مقایسه‌ای برای عدد نوسلت موضعی با نتایج تجربی موجود در ادبیات فن صورت-گرفته است. در جریان آرام گرجه در طول ورودی قبل از ریب دوم که جریان در حال توسعه است، اختلاف بین نتایج کار حاضر و نتایج مرجع [۷] وجود دارد، شکلهای ۳، ۴ و ۵ ولی از دومین ریب به بعد تطابق خوبی دیده می‌شود. هدف بررسی اثر شکل، اندازه و آرایش ریب روی انتقال گرما و اصطکاک در جریان تراکم ناپذیر گرما-سیال است و عدد نوسلت متوسط بعد از ریب دوم محاسبه می‌شود. در جریان آشفته اختلاف عدد نوسلت متوسط حساب شده و کار تجربی کمتر از ۵۰% می‌باشد. این اختلاف در مراجع [۲] و [۳] به ترتیب ۱۱.۶% و ۹% گزارش شده است. این اختلاف به دلیل وجود توابع دیواره و تقریب‌ها است.

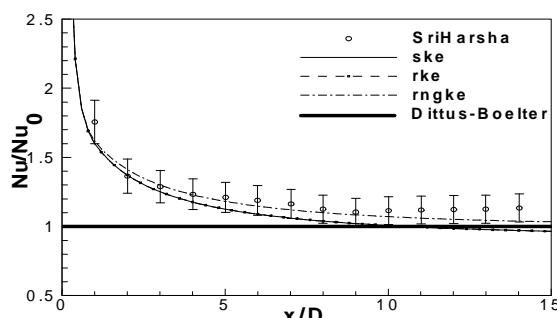
استاندارد برای مدل آشفتگی $k-\omega$ در کanal با ریب دایره‌ای با مشخصه‌های قبلی در مقایسه با نتایج موجود در ادبیات فن [۲] ارائه شده است. همانگونه که دیده می‌شود، مدل آشفتگی $k-\omega$ خطای زیادی داشته و خطای $k-\epsilon$ با تابع دیواره دولایه‌ای با مدل-قبول نیست. در شکل ۱۳ مقایسه تابع دیواره دولایه‌ای با مدل‌های مختلف آشفتگی نمایش داده شده است. اگرچه استفاده از این تابع در مرز زیر لایه و لایه کاملاً آشفته ناپیوستگی در مشتق سرعت ایجاد می‌کند، اما نتایج توزیع نوسلت موضعی طابق قابل قبولی دارد. مدل آشفتگی $RNG k-\epsilon$ کاملاً در داخل بازه خطای آزمایش است و به صورت منطقی به مقدار نظری در مرجع [۲] میل می‌کند.



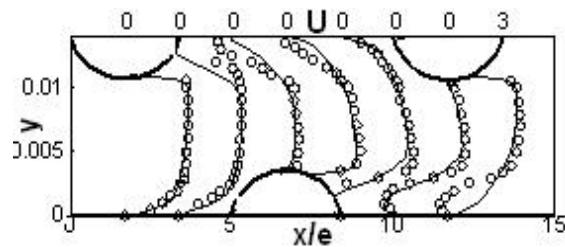
شکل ۱۰- نمودار y^+ برای انواع مدل‌های مختلف آشفتگی



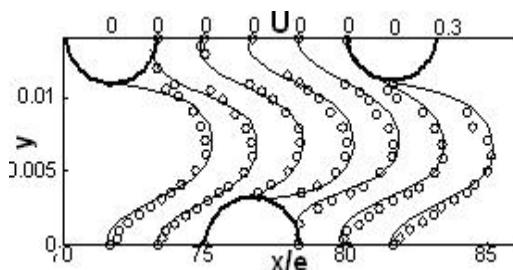
شکل ۱۱- نمودار y^+ برای انواع مدل‌های مختلف آشفتگی



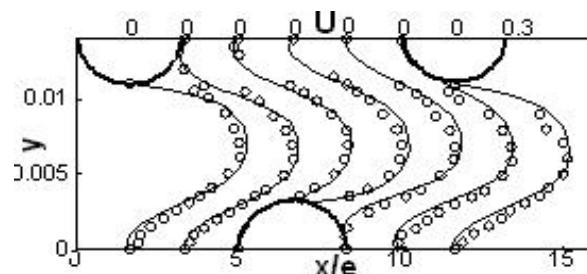
شکل ۱۲- مقایسه تابع دیواره دولایه‌ای با مدل‌های مختلف آشفتگی.
[۲] و [۳]



شکل ۷- مقایسه پروفیل‌های سرعت در ابتدای کanal در جریان آشفته، $[v]Re=5000$

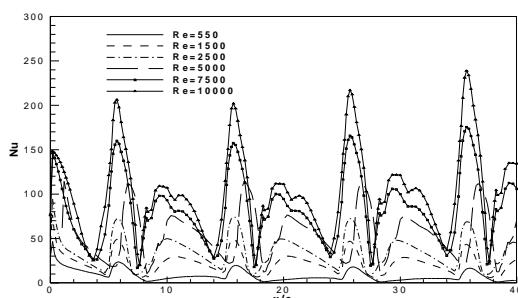


شکل ۸- مقایسه پروفیل‌های سرعت در انتهای کanal در جریان آرام، $[v]Re=550$

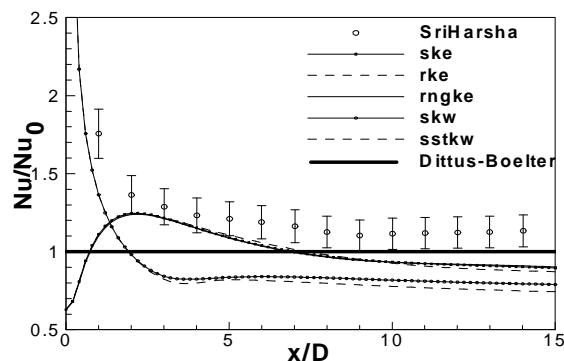


شکل ۹- مقایسه پروفیل‌های سرعت در ابتدای کanal در جریان آرام، $[v]Re=550$

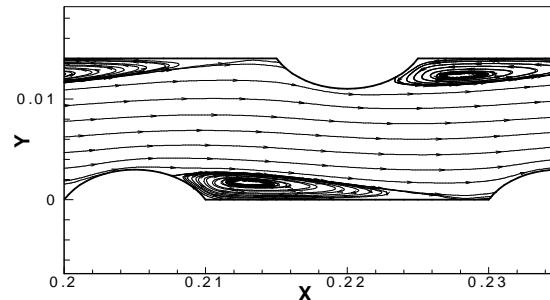
در شکل ۱۰ مقدار y^+ مربوط به ضخامت زیر لایه آرام برای حل در کanal بدون ریب و مدل‌های آشفتگی مختلف استاندارد، $k-\omega$ ، Realizable $k-\epsilon$ ، $RNG k-\epsilon$ ، $k-\epsilon$ ، ske ، rke ، $rngke$ به صورت تابعی از x آورده شده است. نمودار نشان می‌دهد که با افزایش طول مدل‌های مختلف آشفتگی به مقادیر نزدیکی از y^+ همگرا می‌شوند. و چون این مقادیر در گستره قابل قبول است، تابع دیواره استاندارد y^* به کار می‌رود. مدل آشفتگی $k-\omega$ تابع دیواره استاندارد ندارد، ولی در عوض y^+ آن باید در حدود یک باشد و درست مانند تابع دیواره دو لایه‌ای مدل آشفتگی $k-\epsilon$ تعریف می‌شود. شکل ۱۱ نمودار y^+ برای مدل‌های مختلف آشفتگی $k-\epsilon$ استاندارد، $RNG k-\epsilon$ ، $k-\epsilon$ ، ske ، rke ، $rngke$ را نمایش می‌دهد که در محدوده قابل قبول است و خطای ناشی از آن نیز موجود نیست. در شکل ۱۲ مقایسه Nu/Nu_0 به Nu_0 (عدد نوسلت کanal بدون ریب) برای مدل آشفتگی $k-\epsilon$ و بدون تابع دیواره



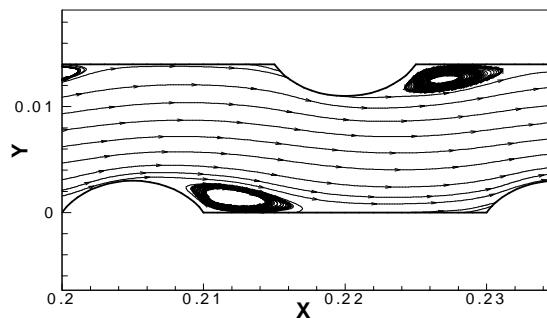
شکل ۱۵- مقایسه توزیع اعداد نوسلت موضعی در اعداد رینولدز مختلف



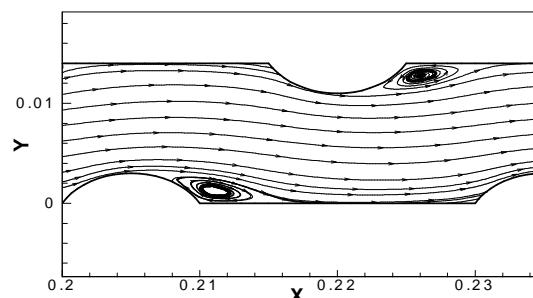
شکل ۱۳- مقایسه Nu_0 به Nu مدل‌های مختلف آشفتگی [۳ و ۲]



شکل ۱۶ الف- خطوط جریان برای $Re=500$ و کanal با ریب‌های دایره‌ای

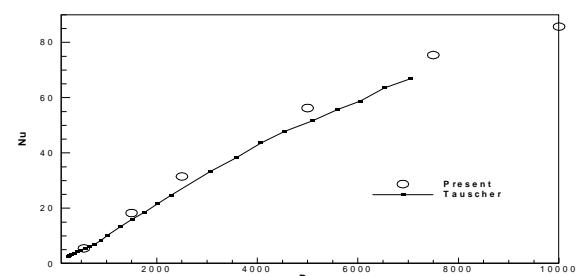


شکل ۱۶ ب- خطوط جریان در $Re=1500$ و کanal با ریب‌های دایره‌ای

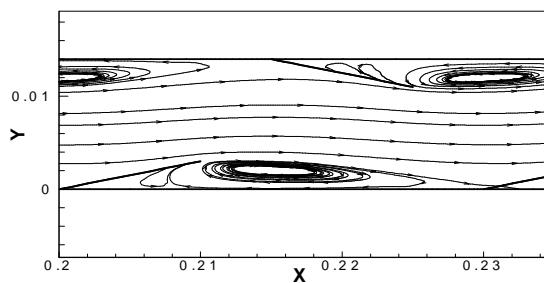


شکل ۱۶ج- خطوط جریان برای $Re=2500$ و کanal با ریب‌های دایره‌ای

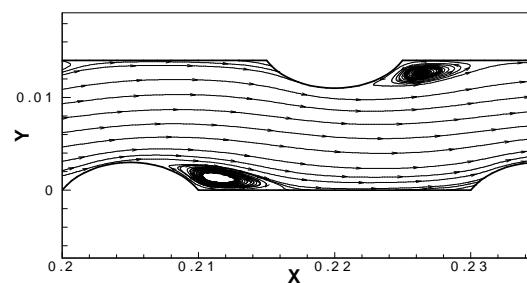
شکل ۱۴ نمودار تغییرات نوسلت میانگین نسبت به عدد رینولدز را در کanal با ریب‌های دایره‌ای با مشخصه‌های قبل و مدل آشفتگی RNG k-ε در مقایسه با نتایج [۷] را نمایش می‌دهد. در شکل ۱۵ افزایش عدد رینولدز انتقال گرما بیشتر می‌شود. در شکل ۱۶ نمودار توزیع اعداد نوسلت موضعی در کanal با ریب دایره‌ای با مشخصه‌ها و مدل آشفتگی قبل برای اعداد رینولدز مختلف داده شده است. در محاسبات جریان آشفته ناحیه چرخش به سمت پایین مایل شده است. شکستگی نمودار در ناحیه قبل از ریب بوده که به دلیل ایجاد ناحیه چرخشی قبل از ریب در رینولدزهای بزرگ است. در شکل ۱۶ خطوط جریان برای اعداد رینولدز مختلف در کanal با ریب دایره‌ای و با مشخصه‌های RNG k-ε p/e=10 e/b=0.3 e/h=0.214 و مدل آشفتگی e/b=0.3 e/h=0.214 همگرایی حاصل نشد که نمایش داده شده است. در $Re=1000$ همگرایی حاصل نشد که نشان‌دهنده حالت بحرانی گذرا است. در شکلهای ۱۷ خطوط جریان در هندسه‌های مختلف، مشخصه $e/b=0.3$ ، $e/h=0.214$ و $p/e=10$ و مدل آشفتگی RNG k-ε نمایش داده شده‌اند. می‌توان نتیجه گرفت که خطوط جریان روی انتقال گرما تأثیر به سزاگی دارد.



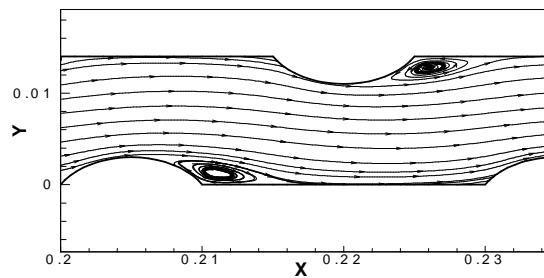
شکل ۱۴- مقایسه توزیع عدد نوسلت میانگین با عدد رینولدز [۷]



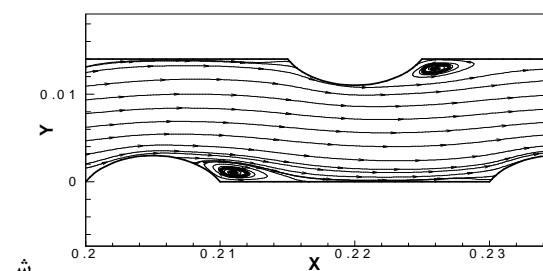
شکل ۱۷-د- خطوط جریان برای ریب صفحه‌ای
Re=550



شکل ۱۶-د- خطوط جریان برای ریب دایروی
Re=7500

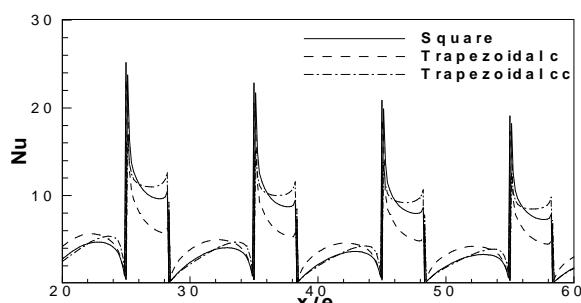


شکل ۱۷-e- خطوط جریان برای ریب دایروی Re=550

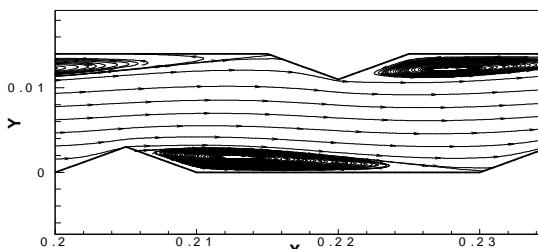


شکل ۱۶-e- خطوط جریان برای ریب دایروی Re=10000

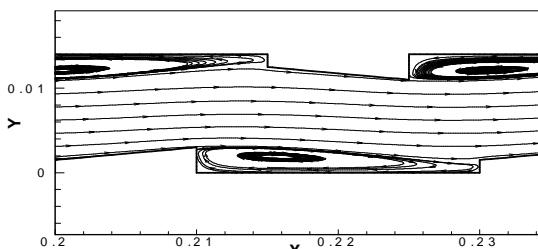
به آسانی دریافت می‌شود ریب دایره‌ای به عنوان بهترین ریب از نظر بهبود انتقال گرما می‌باشد و به همین دلیل است که ما از آن تا حال به جای ریب‌های دیگر استفاده می‌کردیم. در شکل ۱۸ ب نمادهای slip cc و slip c به ترتیب معرف ریب صفحه‌ای مایل در امتداد جریان و در خلاف آن می‌باشند.



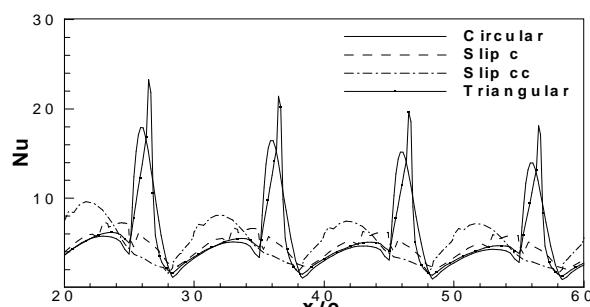
شکل ۱۸-الف- مقایسه توزیع نوسلت موضعی مدل آشفتگی RNG k-ε



شکل ۱۷-الف- خطوط جریان برای ریب مثلثی Re=550



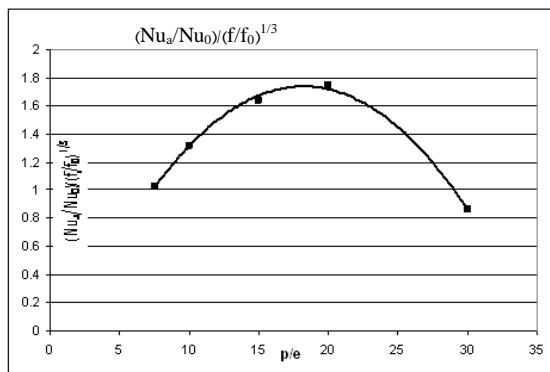
شکل ۱۷-ب- خطوط جریان برای ریب ذوزنقه‌ای درجهت جریان Re=550



شکل ۱۸-ب- مقایسه توزیع نوسلت موضعی مدل آشفتگی RNG k-ε

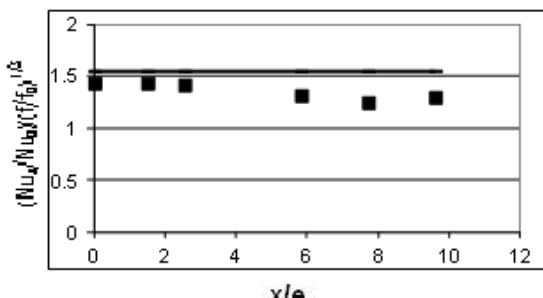
در شکل‌های ۱۸ توزیع عدد نوسلت موضعی برای کانال با ریب‌های مختلف با مشخصه‌ها و مدل آشفتگی یکسان مانند قبل ارائه شده است.

در شکل ۲۱ برای پنج مقدار مختلف و برازش مرتبه دوم مقادیر بهینه برای نسبت گام به ارتفاع ریب ۱۸.۲ به دست می‌آید که تا حال از آن بهره جسته و مطابق با مرجع [۷] است.



شکل ۲۱- بهینه‌سازی نسبت گام به ارتفاع ریب دایره‌ای

در نهایت شکل ۲۲ جایابی شیار مثلثی بین دو ریب دایره‌ای متواالی با مشخصه‌های بهینه و مدل آشفتگی k-ε RNG در $Re=550$ برای بهبود بیشتر انتقال گرما را نشان می‌دهد. در حالت کلی اضافه کردن شیار در جریان آرام باعث کاهش کارایی می‌شود و این کاهش هنگامی که شیار در وسط فاصله بین دو ریب متواالی باشد بیشترین است. در جریان‌های آشفته افزودن شیار باعث بهبود کارایی می‌شود. مطابق شکل ۲۲ در وسط دو ریب متواالی تابع هدف کمینه است و به طرف هر کدام از ریب‌ها به علت قرارگرفتن شیار در ناحیه چرخش جریان و با فاصله از مرکز، انتقال گرما بهبودی یابد و خط رسم شده صرف خط شاخص کمینه و بیشینه مقدار تابع هدف است.



شکل ۲۲- جایابی شیار مثلثی برای بهبود انتقال گرما، $p/e=18.2$

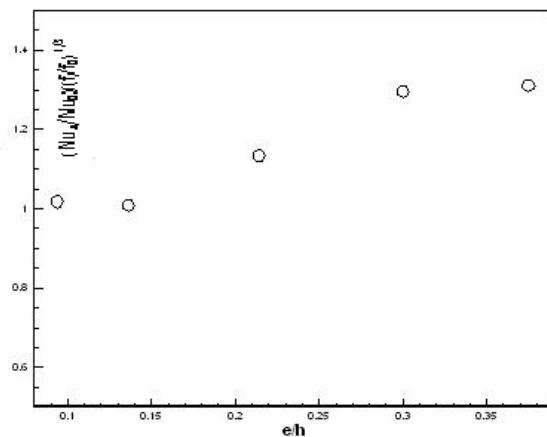
۵- نتیجه‌گیری

برای گستته سازی شارهای جابجایی طرح فراباد مرتبه دوم با الگوریتم SIMPLE به کار رفته است. سیال هوا و جریان تراکم

در شکل ۱۹ نسبت ارتفاع ریب دایره‌ای به ارتفاع کanal بهینه به دست آورده می‌شود. با افزایش ارتفاع ریب انتقال حرارت بهبود یافته اما دبی عبوری کمتر می‌شود. چنانکه کیم [۴] اشاره نموده، افت فشار اعمالی در مقادیر بیش از ۰.۳ بسیار زیاد می‌شود. با توجه به نمودار تابع هدف که مقایسه‌های بین انتقال گرما و اصطکاک است، بعد از ۰.۳ چشمگیر نبوده و آن به عنوان نمونه بهینه انتخاب می‌شود. تابع هدف بهینه شونده که در آن Nu_0 , f_0 , L , $\rho V^2/2$, D به ترتیب نوسلت و ضریب اصطکاک میانگین در حالت بدون ریب هستند، عبارت است از [۲]:

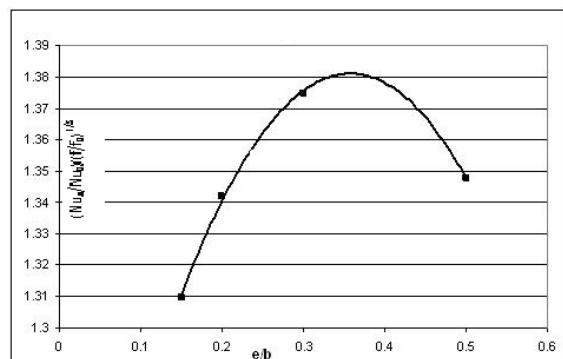
$$f = \frac{\Delta p}{\frac{L}{D} \left(\frac{\rho V^2}{2} \right)} ; Nu_0 = 0.0243 Re^{0.8} Pr^{0.4}$$

$$f_0 = \frac{2}{(2.236 \ln Re - 4.639)^2}$$



شکل ۱۹- بهینه‌سازی نسبت ارتفاع ریب به ارتفاع کanal در ریب دایره‌ای

در شکل ۲۰ با استفاده از یک برازش مرتبه دوم مقدار بهینه برای نسبت ارتفاع ریب به طول آن ۰.۳ حاصل می‌شود که تاکنون در مرجع [۷] به آن اشاره شده است.



شکل ۲۰- بهینه‌سازی نسبت ارتفاع ریب به طول آن در ریب دایره‌ای

- [8] White, F.M., Viscous fluid flow, Mc Graw-Hill, New York, pp. 614, 2004.
- [9] Versteeg, H.K., Malalasekera, W., An introduction to computational fluid dynamics: the finite volume method, Addison-Wesley, 2005.

ناپذیر آرام و آشفته، پایا و تمامی دیوارهای کanal در شرط - مرزی گرمایی دما ثابت قراردارند. ریب‌ها با شکل‌های مستطیلی، مثلثی، دایره‌ای، ذوزنقه‌ای با کاهش ارتفاع در امتداد جریان، ذوزنقه‌ای با افزایش ارتفاع در امتداد جریان و نیز صفحه‌ای در دو حالت مایل در امتداد جریان و در خلاف آن استفاده شده‌اند. مدل‌های آشفتگی دو معادله‌ای k-ε استاندارد، k-ε SST به کار رفته‌اند. از بین آنها RNG k-ε عملکرد مطلوبی از نظر دقیق نتایج و سرعت همگرایی عددی نشان‌داد. از میان ریب‌ها نوع دایروی دارای کارکرد مناسب از نظر افزایش انتقال گرما و کاهش اصطکاک است. در جریان‌های آشفته افزودن شیار باعث بهبود کارایی می‌شود. در وسط دو ریب متواالی تابع هدف کمینه است و به طرف هر کدام از ریب‌ها به علت قرارگرفتن شیار در ناحیه چرخش جریان و با فاصله از مرکز، انتقال گرما بهبود می‌یابد. در هر حال استفاده از ریب و شیار به عنوان یکی از روش‌های بهبود انتقال گرما موثر بوده و پیشنهاد می‌شود. دستاورد این پژوهش می‌تواند در گستره صنعت از جمله مبدل‌های گرمایی، توربینهای گازی و گرم کن‌های خورشیدی مورد توجه قرار گیرد.

مراجع

- [1] Webb, R.L., Principles of enhanced heat transfer, John Wiley & Sons, New York, pp. 3-10, 2006.
- [2] SriHarsha, V., Prabhu, S.V., Vedula, R.P., Influence of rib height on the local heat transfer distribution and pressure drop in a square channel with 90 continuous and 60 V-broken ribs, Applied Thermal Engineering, Vol. 29, pp. 2444-2459, 2009.
- [3] Chang, S.W., Liou, T.M., Juan, W.Ch., Influence of channel height on heat transfer augmentation in rectangular channels with two opposite rib-roughened walls, Int. J. Heat and Mass Transfer, Vol. 48, pp. 2806-2813, 2005.
- [4] Kim, H.M., Kim, K.Y., Design optimization of rib-roughened channel to enhance turbulent heat transfer, Int. J. Heat and Mass Transfer, Vol. 47, pp. 5159-5168, 2004.
- [5] Promvonge, P., Thianpony, Ch., Thermal performance assessment of turbulent channel flows over different shaped ribs, Int. Communications in Heat and Mass Transfer, Vol. 35, pp. 1327-1334, 2008.
- [6] Eiamsa, S., Promvonge, P., Numerical study on heat transfer of turbulent channel flow over periodic grooves, Int. Communications in Heat and Mass Transfer, Vol. 35, pp. 844-852, 2008.
- [7] Tauscher, R., Mayinger, F., Visualization of flow temperature fields by Holographic Interferometry-Optimization of compact heat exchangers, Proceedings of PSFVIP-2, May 16-19, Honolulu, USA, 1999.