بررسی تجربی ضریب پسای دو سیلندر دایرهای پشت سرهم با چیدمان متناوب در جریان آشفته

عبدالامیر بک خوشنویس*	دانشیار، گروه مهندسی مکانیک، دانشگاه حکیم سبزواری، سبزوار، ایران
نعيم عباسقرباني	کارشناس ارشد، گروه مهندسی مکانیک، دانشگاه حکیم سبزواری، سبزوار، ایران
محمد جواد ایزدی یزدی	دانشجوی دکتری تخصصی، دانشکدهٔ مهندسی مکانیک، دانشگاه سمنان، سمنان، ایران

#### چکیدہ

در این تحقیق به بررسی تجربی اثرات آشفتگی جریان ورودی بر روی ضریب پسای سیلندرهای پشت سرهم با قطرهای ناهمسان و در اعداد رینولدز مختلف پرداخته شده است. آزمایش ضریب پسا برای سیلندر پاییندست در قطرهای B=۲۱٫۳ mm و B=۲۱٫۳ mm، در دو فاصلهٔ طولی بین مراکز دو سیلندر و در پنج عدد رینولدز بر اساس قطر سیلندر بالادست انجام شده است. شدت اغتشاشات تولیدی ۴٫۵ و ۷ درصد در ورودی اتاق آزمون تونل باد ایجاد شدند. موقعیت قرارگیری سیلندر بالادست نسبت به سیلندر پاییندست در پنج زاویهٔ ۲۰٫۵۰ ۲۰٫۵ ۵۰ ۹۰ و ۷ درصد در ورودی اتاق آزمون تونل باد ایجاد شدند. موقعیت قرارگیری سیلندر بالادست نسبت به سیلندر پاییندست در پنج زاویهٔ ۲۰٫۵۰ ۲۱٫۵ ۵۰ ۹۰ و ۹ درجه تغییر میکند. نتایج برای سیلندر پاییندست در شدت اغتشاشات ۴٫۵ درصد نشان میدهند که با افزایش نسبت قطر سیلندرها و افزایش فاصلهٔ طولی بین دو سیلندر، ضریب پسا افزایش می بابد. اما با افزایش زاویهٔ قرارگیری سیلندر بالادست نسبت به سیلندر پاییندست، ضریب پسا روندی متغیر دارد که به ماهیت جریان بستگی دارد. در نهایت با افزایش میزان درهمی قرارگیری سیلندر بالادست نصبت به سیلندر پاییندست، ضریب پسا روندی متغیر دارد که به ماهیت جریان بستگی دارد. در نهایت با افزایش میزان درهمی

واژدهای کلیدی: ضریب پسا، آرایش متناوب، شدت اغتشاشات جریان، لودسل.

## Experimental Investigation of Drag Coefficient of Two Tandem Cylinders at Staggered Arrangement in Turbulent Flow

A. B. Khoshnevis N. Abasghorbani M. J. Ezadi Yazdi Department of Mechanical Engineering, University of Hakim Sabzevari, Sabzevar, Iran Department of Mechanical Engineering, University of Hakim Sabzevari, Sabzevar, Iran Department of Mechanical Engineering, University of Semnan, Semnan, Iran

#### Abstract

In the present study, the effects of turbulent flow are experimentally investigated on the drag coefficient of tandem cylinders with non-equal diameters in different Reynolds numbers. Drag coefficient test for downstream cylinder in diameters A=15.5 mm and B=21.3 mm, was experimentally carried out at two longitudinal distance at five Reynolds numbers based on the upstream cylinder diameter for two turbulence intensity of 4.5 and 7% respectively. The position of the upstream cylinder to the downstream cylinder changes at five angels 0, 22.5, 45, 67.5 and 90 degrees. Results for downstream cylinder in the 4.5% turbulence intensity indicate that with increasing the diameter ratio of the cylinders and increasing the longitudinal distance between the two cylinders, the drag coefficient increases. However, with increasing aligning angels of the upstream cylinder with respect to the downstream cylinder, the drag coefficient varies depending on the nature of flow. Finally, by increasing the flow turbulence intensity, the drag coefficient decreases significantly at all stages of the experiment.

Keywords: drag coefficient, staggered arrangement, flow turbulent intensity, load cell.

خطوط انتقال برق، دسته لولههای مبادله کن گرما، برجهای واکنشهای شیمیایی، دودکشها، ساختمانها، سازههای بلند، پایه اسکلهها و سکوهای نفتی واقع در اقیانوس، پلهای معلق و دکلها نام برد.

هنگامی که جریان از روی یک سیلندر دایرهای عبور می کند، یک ناحیهای از جریان متلاطم در اطراف سیلندر شکل می گیرد. زدراکویچ [۱] میدان جریان در اطراف سیلندر دایرهای را به چهار ناحیه تقسیم بندی کرد: ۱- ناحیهای که در آن سرعت محلی متوسط زمانی کمتر از سرعت جریان آزاد است (نقطهٔ سکون). ۲- دو لایه مرزی متصل به سطح سیلندر. ۳- دو ناحیه جانبی سیلندر شامل انتقال جریان و جریان شتابدار. ۴- ناحیه پشت مدل که ناشی از جدایش جریان است و آن را دنباله می نامند. شکل دنباله تحت تأثیر وضعیت جریان ممکن است لایهای یا آشفته باشد.

ایزدی یزدی و بک خوشنویس [۲]، به بررسی تجربی ویژگیهای جریان اطراف سیلندر دایرهای ثابت و چرخان پرداختند. نتایج آنها نشان داد که با افزایش نسبت چرخش، عدد استروهال افزایش مییابد.

## ۱– مقدمه

در سالهای اخیر مطالعه بر روی ضرائب آیرودینامیکی و تحلیل جریان حول دو سیلندر پشت سرهم در آرایشهای مختلف مورد توجه محققان بسیاری قرار گرفته است. اثرات جریان روی اجسام چندگانه به-طور وسیعی در حال تبدیل شدن به یک زمینهٔ تحقیقاتی عمومی است. هندسههای استوانهای شکل اغلب در مسائل مهندسی ظاهر میشوند که آرایشهای زیادی برای قرار دادن سیلندرها در مجاورت یکدیگر وجود دارد. بهمنظور کاهش تعداد شبیهسازیها، عموماً آرایشهای مجاورهم<sup>1</sup> پشت سرهم<sup>۲</sup> و متناوب<sup>۲</sup> توسط محققین مورد توجه بوده است. کاربرد این چیدمان را میتوان در سازههای صنعتی از قبیل جریان حول

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> side by side

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> tandem <sup>3</sup> staggered

staggered

<sup>&</sup>lt;sup>®</sup> نویسنده مکاتبه کننده، آدرس پست الکترونیکی: khosh1966@yahoo.com تاریخ دریافت: ۹۲/۹۰۹/۲۸ تاریخ پذیرش: ۹۷/۱۰/۱۰

همچنین ایزدی یزدی و بک خوشنویس [۳]، به بررسی تجربی ویژگیهای دنبالهٔ جریان اطراف یک سیلندر چرخان در نسبت چرخشها و اعداد رینولدز مختلف پرداختند. دریافتند که با افزایش نسبت چرخش و عدد رینولدز، ضریب پسا کاهش مییابد.

بررسی جریان اغتشاشی اطراف سیلندر تک با آزمایش ساری [۴] در تونل بادی با سرعت کم و در محدودهٔ اعداد رینولدز ۲۰۴×۲۰۴-۳/۳۸ انجام شد. او به بررسی اثرات شدت آشفتگی بالا (بیش از ۱۰٪) در جریان عبوری از روی یک سیلندر دایرهای پرداخت. دریافت که افزایش شدت اغتشاشات ورودی باعث افزایش ضریب پسای کل تا ۲۵٪ برای سیلندر تک شده است.

یونس [۵]، به بررسی تجربی تأثیر شدت اغتشاشات جریان آزاد (۰/۰/، ۵/، ۷/، و ۹/) بر روی ضریب پسای سیلندر دایرمای در جریان عرضی در محدودهٔ اعداد رینولدز ۲۰<sup>۲</sup>×۶/۴ تا ۲۰×۸/۱ پرداخت. نشان داد که با افزایش میزان شدت اغتشاشات، ضریب پسا کاهش پیدا می-کند.

بلکبرن و ملبورن [۶]، به بررسی آزمایشگاهی تأثیر شدت اغتشاشات جریان ورودی (تا ۱۸٪) بر روی نیروهای یک سیلندر دایره-ای در محدودهٔ اعداد رینولدز <sup>۵</sup>۱۰×۱ تا <sup>۵</sup>۱۰×۵ پرداختند. نتایج آنها نشان داد که افزایش شدت آشفتگی موجب انتقال سریع جریان به حالت فوق بحرانی میشود.

چونگ و ملبورن [۷] مشاهده کردند که در اعداد رینولدز بحرانی و فوق بحرانی تا عدد رینولدز ۱۰<sup>۶</sup>، افزایش شدت آشفتگی از ۰٫۴٪ به ۹٫۱٪، باعث میشود که ضریب پسا در رژیم زیر بحرانی کاهش یابد؛ اما در رژیم فوق بحرانی رفتار معکوسی را نشان داد.

جریان پشت دو سیلندر بر اساس فاصلهٔ مرکز تا مرکز سیلندرها، زاویهٔ قرارگیری بین جریان آزاد و خط مرکز بین دو سیلندر، قطر سیلندرها و سرعت جریان آزاد طبقهبندی میشوند. مطالعات اولیه توسط زدراکوویچ [۱] انجام شد. او جریان عبوری از روی دو سیلندر را سیلندر نزدیک به یکدیگر هستند و در دنبالهٔ یکدیگر غوطهور شدهاند. ۲- ناحیهٔ تداخل دنباله که در آن دنبالهٔ سیلندر بالادست تحت تأثیر سیلندر پاییندست نیست؛ اما دنبالهٔ سیلندر پاییندست بهشدت تحت تأثیر سیلندر بالادست است. ۳- ناحیهٔ تداخل دنبالهٔ نزدیک که در آن ترانی سیلندر بالادست است. ۳- ناحیهٔ تداخل دنبالهٔ نزدیک که در آن ترانی سیلندر بالادست است. ۳- ناحیهٔ تداخل دنبالهٔ نزدیک که در آن

وانگ و همکاران [۸]، به بررسی عددی جریان گذرنده از روی دو سیلندر پشت سرهم با قطرهای غیر یکسان در اعداد رینولدز پایین پرداختند. نتایج نشان داد که ضریب پسای سیلندر پاییندست بهطور مؤثری تحت تأثیر سیلندر بالادست کاهش پیدا میکند. وجود سیلندر بالادست باعث میشود که ضریب پسا نسبت به سیلندر تک کاهش یابد. برای فاصلهٔ طولی کمتر از ۲٫۵ با نسبت قطرهای ۲٫۱ تا ۲٫۲ ضریب پسا تقریبا ثابت است. همچنین برای نسبت قطرهای بزرگتر در فاصله طولی بین ۲٫۵ تا ۳، ضریب پسا به تدریج افزایش پیدا میکند.

محبوب عالم [۹]، به بررسی تجربی نیروهای نوسانی ناشی از برخورد جریان به مدل، از قبیل ضریب پسا، برآ و عدد استروهال یک سیلندر غوطهور در دنبالهٔ سیلندر پاییندست در اعداد رینولدز مختلف پرداخت. فاصلهٔ طولی بین دو سیلندر از ۱٫۱ تا ۴٫۵ متغیر بود. نشان داد

که ضرایب آیرودینامیکی و عدد استروهال به شدت وابسته به عدد رینولدز و فاصلهٔ طولی بین دو سیلندر میباشند.

سوپرادیپان و روی [۱۰]، به بررسی عددی ویژگیهای جریان گذرنده از دو سیلندر مجاورهم در فواصل جانبی مختلف و در اعداد رینولدز پایین پرداختند. دریافتند که برای فواصل نزدیک بین دو سیلندر، ضریب پسا برای هر دو سیلندر مقدار زیادی دارد و با افزایش فاصلهٔ بین دو سیلندر این مقدار کاهش پیدا میکند.

وو و همکاران [۱۱]، به بررسی عددی جریان عبوری از دو سیلندر پشت سرهم و مجاورهم در اعداد رینولدز پایین پرداختند. با مقایسهٔ ضریب پسای سیلندر پاییندست نسبت به سیلندر تک، دریافتند که برای فاصلهٔ ۲=L/d با افزایش عدد رینولدز مقدار ضریب پسا کاهش مییابد و با افزایش فاصله به ۴=L/d مقدار ضریب پسا افزایش مییابد.

سینگها و همکاران [۱۲]، به بررسی عددی جریان دو بعدی گذرنده از دو سیلندر مجاورهم پرداختند. نتایج آنها نشان داد که در فاصلهٔ کمتر از ٤١ ماریک ضریب پسا برای هر دو سیلندر افزایش پیدا میکند و با افزایش فاصله بین دو سیلندر مقدار ضریب پسا برای هر دو سیلندر به صورت مساوی کاهش پیدا میکند.

منگینی و سالتارا [۱۳]، به بررسی عددی دو سیلندر دایرهای در آرایشهای پشت سرهم و مجاورهم پرداختند. نتایج نشان داد که ضریب پسا برای هر دو سیلندر در حالت مجاور مشابه بوده و بیشترین ضریب پسا برای فاصلههای ۲۵ و ۳۵ میباشد.

گائو و همکاران [۱۴]، به بررسی تجربی ویژگیهای جریان دو سیلندر دایرهای پشت سرهم با قطرهای مختلف پرداختند. در نسبت فواصل ۳٫۶ و ۲٫۴–L/d الگوهای جریان مختلفی با نسبت فواصل متفاوت از پشت دو سیلندر مشاهده کردند.

روشهای مختلفی برای کاهش نیروی پسای سیلندر وجود دارد که یکی از آنها استفاده از میله در اطراف سیلندر اصلی میباشد. به عنوان مثال در تحقیقی که وانگ و همکاران [۱۵] انجام دادند، نشان دادند که برای حالت ۱٫۵ = L/d نیروی پسای وارده به سیلندر بطور چشمگیری کاهش مییابد و بجز برای حالت میله با قطر بسیار کم و یا در نزدیکی میله به سیلندر، بیشترین کاهش نیروی پسا در زاویهٔ صفر کاهش نیروی وارده به سیلندر تأثیرگذار باشد؛ ولی برای زوایای بیشتر از ۱۰ درجه میلهٔ بالادست تأثیر چندانی بر روی نیروی پسا ندارد.

لی و همکاران [۱۶]، با استفاده از میلههای کوچکی با نسبت قطر ۱۳۳۰ تا ۲۶۷۲، نسبت به سیلندر اصلی و در عدد رینولدز ۲۰۱×۲۰، اقدام به کاهش ضریب پسا نمودند. نتایج نشان داد که قرار دادن میلهٔ کوچک در جلوی سیلندر اصلی، ضریب پسای کل را در فاصلهٔ بحرانی L/d =۲٫۰۸۱ تا ۲۹٪ کاهش میدهد.

با توجه به اهمیت ضریب پسا در علوم مهندسی و کاربرد آن در سازههای صنعتی و با توجه به تحقیقات پیشین، در این مقاله با شبیه سازی جریان واقعی در آزمایشگاه تونل باد، دیدگاه جدیدی در این زمینه مورد ارزیابی قرار گرفته است. بهمنظور ارائهٔ یک دید کلی نسبت به تأثیر سیلندرهای دایرهای در معرض جریان سیال بر یکدیگر، دو سیلندر دایرهای با قطرهای مختلف (نسبت به سیلندر بالادست) مدل سازی و با قرار دادن آن در تونل باد در آرایش متناوب و در ۲ فاصلهٔ طولی و پنج زاویهٔ متفاوت، ضریب پسا محاسبه شده است. همچنین،

شدت اغتشاشات ورودی به اُتاق آزمون تونل باد به ۴٫۵ و ۷ درصد افزایش یافته است و تأثیر آن بر روی ضریب پسا مورد ارزیابی قرار گرفته است.

# ۲- تجهیزات آزمایشگاهی و مدل مورد استفاده

شکل ۱ طرحواره تونل باد را نشان می دهد. دستگاه تونل باد مورد استفاده در این آزمایشها از نوع دمنده و مدار باز است. حداکثر اغتشاشات اسمی جریان آزاد این دستگاه ۰٫۲ درصد بوده که از این نظر دارای دقت بالایی می باشد. آتاقک آزمایش دستگاه تونل باد استفاده شده دارای طول ۱۶۸ cm عرض و ارتفاع ۴۰ cm و از جنس پلکسی می باشد.



شکل ۱- طرحواره تونل باد، ابعاد به میلیمتر.

مدل های استفاده شده در این آزمایش دو عدد سیلندر دایرهای به قطرهای A=۱۵٫۵ mm و B=۲۱٫۳ mm میباشد. سیلندرها با نسبت قطر I/d=2۰٫۷۲۹ و MD=۰٫۷۲۹ (نسبت به قطر سیلندر بالادست)، در دو فاصلهٔ ۶۲/d=1/d و به ترتیب در ۵ زاویهٔ ۰، ۲۲٫۵، ۴۵، ۶۷٫۵ و ۹۰ درجه قرار گرفتهاند. این آزمایش در پنج عدد رینولدز ۱۰۱۰۰، ۱۶۰۰۰۰، ۲۲۰۰۰، ۲۷۳۰۰ و ۲۰۶۰۰ بر اساس قطر سیلندر بالادست انجام شده است. در شکل ۲ طرحوارهای از نحوه قرارگیری سیلندرهای دایرهای پشت سرهم و زوایای آنها نسبت به هم نشان داده شده است. همچنین جهت جریان باد و فاصلهٔ قرارگیری آنها نسبت به یکدیگر مشخص شده است.



شکل ۲- طرحواره قرار گیری مدل مورد آزمایش.

## ۲-۱- دستگاه نیروسنج (لودسل)

دستگاه لودسل، یکی از ابزارهای اصلی اندازهگیری نیروی جریان سیال بر روی اجسام میباشد. با توجه به ویژگیهای این دستگاه، اصلیترین کاربرد آن اندازهگیری نیروی پسا میباشد. لودسل استفاده شده در تونل باد از نوع تک نقطهای، ساخت شرکت Amcells بوده که

توانایی اندازه گیری نیرو تا ۵ نیوتن را دارد. پیش از شروع آزمایش دستگاه نیروسنچ بایستی کالیبره گردد. جهت کالیبره نمودن دستگاه، وزنه های ۲۰،۱ ،۲، ۳ و ۴ نیوتنی بر روی پایههای لودسل قرار داده شد و با برازش منحنی دادههای استخراج شده یک رابطهٔ کاملا خطی بدست آمد.

#### ۲-۲- شبکهٔ اغتشاش ساز

(1)

در این تحقیق، آزمایشها در شدت اغتشاشات ورودی مختلف انجام شده است. به منظور افزایش شدت اغتشاشات در مقطع ورودی به آتاق آزمون تونل باد از شبکۀ اغتشاش ساز استفاده شده است. در شکل ۳ شبکههای اغتشاش ساز استفاده شده در این تحقیق نشان داده شده است. در شکل ۴ میزان شدت اغتشاشات بوجود آمده ناشی از شبکه-های اغتشاش ساز برای دو حالت مختلف به ترتیب ۴٫۵ و ۷ درصد و برای جریان آزاد کمتر از ۲٫۰ درصد نشان داده شده است. میزان شدت اغتشاشات جریان آزاد از فرمول زیر محاسبه می شود:

$$\%TI = \frac{\sqrt{u'^2}}{U_{\infty}} \times 100$$







شکل ۳- شبکه اغتشاش ساز برای دو حالت مختلف (الف) ۴٫۵ درصد (ب) ۷ درصد.



شکل ۴- شدت اغتشاشات شبکهٔ اغتشاش ساز و جریان آزاد.

## ۳- اعتبار سنجی

تحقیقات بسیاری در زمینهٔ تعیین ضریب پسای سیلندرهای تک و چندتایی در آرایش های متفاوت و در اعداد رینولدز مختلف انجام شده است. به منظور صحت عملکرد دستگاه تونل باد و سیستم اندازه گیری نیرو، به محاسبهٔ ضریب پسای سیلندر دایرهای تک در اعداد رینولدز مختلف پرداخته شده است. در شکل ۵ تغییرات ضریب پسا بر حسب عدد رینولدز نشان داده شده است. نتایج بدست آمده از مطالعهٔ حاضر با دادههای تجربی مانسون [۱۷] و آچنباخ [۱۸] تطابق قابل قبولی دارد.



با توجه به اینکه در تحقیق حاضر به بررسی تغییرات ضریب پسا بر روی دو سیلندر در آرایشهای مختلف پرداخته شده است، لذا به منظور اعتبارسنجی ضریب پسای سیلندر پاییندست، نتایج بدست آمده برای حالت دو سیلندر هم قطر در L/d=۲ و در زوایای مختلف با نتایج بدست آمده از تحقیق سامنر و همکاران [۱۹] مقایسه شده است (شکل ۶ را ببینید). در شکل ۶ مشاهده می شود که نتایج مطالعۀ حاضر در تطابق بسیار خوبی با نتایج مرجع [۱۹] می باشد.



شکل ۶- تغییرات ضریب پسا بر حسب عدد رینولدز (برای دو استوانه هم قطر در آرایش پشت سر هم در زوایای مختلف و در L/d=۲ ).

## ۴- روابط اندازه گیری

مقادیر ضریب پسا از فرمول (۲) و مقدار عدد رینولدز از فرمول (۳) محاسبه شده است.

$$C_D = \frac{2F_D}{\rho U^2 d} \tag{(7)}$$

$$\operatorname{Re} = \frac{\rho U d}{\mu} \tag{(7)}$$

که در آن F<sub>D</sub> نیروی پسا، p چگالی هوا، U سرعت تونل باد، d قطر سیلندر پاییندست، D قطر سیلندر بالادست و µ لزجت دینامیکی سیال میباشد.

# ۵- بحث و نتیجه گیری

## ۵-۱- اغتشاشات ۴٬۵ درصد

در شکل ۷ تغییرات ضریب پسا بر حسب α در ./۲ TI= و در فواصل ۴و۲-L/d برای دو سیلندر با قطرهای مختلف نشان داده شده است. در شکل ۷-الف، نتایج نشان میدهند که با افزایش α، ضریب پسا افزایش مییابد؛ اما این روند در زاویههای ۶۷٫۵ و ۹۰ درجه برای سیلندرهای A و B، یکسان است.

در شکل ۷-ب تغییرات ضریب پسا بر حسب α و در ۴=/L نشان داده شده است. مشاهده می شود که روند افزایشی ضریب پسا تا زاویهٔ ۴۵ درجه برای هر دو سیلندر ادامه پیدا می کند ولی بعد از آن، مقدار ضریب پسا ثابت می ماند. این روند نشان می دهد که اثر سیلندر بالادست بر روی سیلندر پایین دست در زوایای بالاتر از بین رفته است. جریان اطراف دو سیلندر نزدیک به هم به گونه ای است که باعث می-شود فشار جریان بیشتری را متحمل شوند.



شکل ۷- تغییرات ضریب پسا بر حسب α برای سیلندر با قطرهای مختلف در شدت اغتشاش ۴٫۵ درصد و در ۲ فاصلهٔ مختلف برای عدد رینولدز ۳۰۶۵۰.

این درحالی است که با افزایش فاصله، دو سیلندر به صورت یک سیلندر تک عمل میکنند [۱۰]. با توجه به اینکه ضریب پسا در این محدوده از عدد رینولدز، مستقل از عدد رینولدز میباشد، لذا انتظار میرود که ضریب پسا برای سیلندر منفرد دارای یک مقدار ثابت باشد که از نمودارها چنین نتیجهای قابل مشاهده است. کاهش شدید ضریب پسای سیلندر پاییندست نسبت به سیلندر تک، ناشی از شدت اغتشاشات تولیدی در جریان ورودی به محفظهٔ آزمایش است که تأثیر قابل توجهی بر روی نتایج دارد.

در شکل ۸، تغییرات ضریب پسای سیلندر پاییندست بر حسب عدد رینولدز بهصورت جداگانه برای هر دو سیلندر نشان داده شده است که میتوان به تشریح مجزای هرکدام از سیلندرها با توجه به موقعیت قرارگیری سیلندر بالادست در زوایا و اعداد رینولدز مختلف پرداخت.





شکل ۸- تغییرات ضریب پسا بر حسب عدد رینولدز برای سیلندر با قطرهای مختلف در L/d=۲.

همانطور که انتظار میرود با افزایش عدد رینولدز در ابتدا ضریب پسای سیلندر پاییندست کاهش پیدا میکند که این امر ناشی از وجود سیلندر بالادست بهصورت مانع در جلوی سیلندر پاییندست است که بهنوعی با کاهش فشار در جلوی سیلندر پاییندست توزیع فشار در پاییندست جریان را کاهش میدهد. با افزایش زاویهٔ سیلندر بالادست، اثر سیلندر از بین رفته و منطقهای که ناشی از فشار سیلندر بالادست میباشد، تخلیه میشود و ضریب پسا برای سیلندر پاییندست افزایش پیدا میکند. در شکل ۸–الف، مقدار ضریب پسا در محدودهٔ ۲٫۲۶ تا ۵۸۸ ماهی و در شکل ۸–ب، مقدار ضریب پسا در محدودهٔ ۲٫۲۶ تا ۵۸۸ منغیر میباشد. علت اصلی تغییرات این محدوده ناشی از قطر سیلندر پاییندست است که تأثیر بسزایی بر روی سیلندر بالادست دارد.

در شکل ۹، تغییرات ضریب پسا بر حسب عدد رینولدز در ۲/d=۴ نشان داده شده است. مشاهده می شود که با افزایش فاصلهٔ طولی بین دو سیلندر پشت سرهم، ضریب پسا در زاویهٔ صفر درجه نسبت به دیگر زوایا دارای اختلاف زیادی است که این امر ناشی از وجود گردابه

تشکیل شده در ناحیه بین دو سیلندر است. ریزش گردابههای دو سیلندر پشت سرهم با قطرهای غیر یکسان، حالتهای مختلفی دارد که به فاصلهٔ بین دو سیلندر و قطرشان بستگی دارد [۸].





شکل ۹- تغییرات ضریب پسا بر حسب عدد رینولدز برای سیلندر با قطرهای مختلف در L/d=۴

#### ۵-۲- اغتشاشات ۷ درصد

افزایش اغتشاشات به معنی افزایش میزان درهمی جریان عبوری از روی مدل میباشد که این امکان با استفاده از شبکه اغتشاش ساز میسر میشود. حال با افزایش شدت درهمی جریان به بررسی ضریب پسا پرداخته شده است.

در شکل ۱۰، تغییرات ضریب پسا بر حسب α با افزایش شدت اغتشاشات جریان آزاد به ۷ درصد نشان داده شده است. نتایج نشان میدهند که با افزایش شدت اغتشاشات، ضریب پسا در تمام زوایا بهصورت قابلتوجهی کاهش پیدا کرده است. همانطور که انتظار میرود اثر شدت اغتشاشات و یا همان درهمی جریان تأثیر بسزایی بر روی کاهش ضریب پسا دارد. برای دو سیلندر انتخاب شده در زوایای

مختلف، با افزایش  $\alpha$ ، ضریب پسا افزایش مییابد؛ ولی اثر شدت اغتشاشات مانع از افزایش بیش از حد آن به مقدار ضریب پسای سیلندر تک شده است. با توجه به قطر سیلندر A و B، تغییرات مشابه یکدیگر میباشند که بیانگر این موضوع است که قطر سیلندر نیز تأثیر بسزایی در تغییرات ضریب پسا دارد. برخلاف تصور که با افزایش قطر سیلندر، ضریب پسا افزایش پیدا میکند، اما این پدیده در آرایش سیلندرهای متناوب بهوضوح بیانگر این موضوع است که اثر سیلندر بالادست یکی از عوامل کاهش ضریب پسای سیلندر پاییندست است.



شکل ۱۰ – تغییرات ضریب پسا بر حسب α برای سیلندر با قطرهای مختلف در شدت اغتشاش ۷ درصد و در ۲ فاصلهٔ مختلف برای عدد رینولدز ۳۰۶۵۰.

در شکل ۱۱، تغییرات ضریب پسا بر حسب عدد رینولدز در L/d=۲ برای سیلندرهای A و B نشان داده شده است. با افزایش شدت اغتشاشات جریان آزاد، مقدار ضریب پسا در اعداد رینولدز مختلف، کاهش یافته است. با افزایش  $\alpha$ ، ضریب پسا برای هر کدام از سیلندرها افزایش یافته است، بهطوری که این تغییرات در زوایای ۶۷/۵ و ۹۰ درجه برای سیلندرهای A و B افزایش پیدا کرده است.





شکل ۱۲- تغییرات ضریب پسا بر حسب عدد رینولدز برای سیلندر با قطرهای مختلف در L/d=۴.

## ۶- نتیجهگیری

در این تحقیق به بررسی تجربی تأثیر شدت اغتشاشات جریان آزاد بر روی ضریب پسای دو سیلندر پشت سرهم با چیدمان متناوب پرداخته شده است. اندازه گیریها برای دو سیلندر با نسبت قطرهای ۱و ۲۲/۵ - ۵/۲ در فواصل ۴ و ۲ = L/d و به ترتیب در پنج زاویهٔ ۲۰، ۲۲/۵ ۴۵، ۵/۸ و۹۰ درجه انجام شد. آزمایشها در پنج عدد رینولدز ۱۰۱۰۰، ۲۲۰۰۰، ۲۲۰۰۰ و ۲۷۴۰ بر اساس قطر سیلندر بالادست انجام شد. نتایج حاصل از آزمایشها به شرح زیر می باشند:

۱. با افزایش شدت اغتشاشات جریان آزاد، مقدار ضریب پسا برای سیلندر پاییندست نسبت به تحقیقات انجام شده در این زمینه کاهش چشمگیری داشته است.

۲. افزایش شدت اغتشاشاتِ جریان آزاد به ۷ درصد، به دلیل تأثیر بسزایی که بر روی لایهٔ برشی سیلندر بالادست دارد، ضریب پسا در سیلندر پاییندست را کاهش میدهد.



شکل ۱۱- تغییرات ضریب پسا بر حسب عدد رینولدز برای سیلندر با قطرهای مختلف در L/d=۲

در شکل ۱۲ تغییرات ضریب پسا بر حسب عدد رینولدز در H/d=K برای سیلندرهای A و B نشان داده شده است. مشاهده می شود که با افزایش  $\alpha$ ، مقدار ضریب پسا افزایش می ابد. باید توجه داشت که با افزایش فاصلهٔ طولی بین دو سیلندر، تغییرات ضریب پسا در زوایای ۴۵، ۵٫۴۵ و ۹۰ درجه با اختلاف اندکی برای هر دو سیلندر یکسان می باشد. با توجه به هر دو نمودار به وضوح می توان دریافت که بیشترین کاهش ضریب پسا در زاویهٔ صفر درجه برای هر دو سیلندر اتفاق افتاده است. به این علت است که اثر طولی تأثیر بسزایی بر روی گردابههای تشکیل شده بین دو سیلندر و همچنین اثر فشار ناشی از سیلندر بالادست بر روی سیلندر پاییندست دارد.

۳. افزایش شدت اغتشاشات جریان آزاد باعث می شود که ضریب پسای منفی بدست آمده برای دو سیلندر هم قطر در فاصلهٔ L/d =۲ که در اعتبارسنجی بدست آمده بود، از بین برود و مقدار آن افزایش پیدا کند.

۴. افزایش زاویهٔ سیلندر بالادست باعث می شود که تداخل لایهٔ برشی سیلندر بالادست بر روی سیلندر پایین دست از بین برود و به تدریج در زاویههای ۶۷/۵ و ۹۰ درجه به حالت سیلندر تک تبدیل شود که همین امر باعث افزایش مقدار ضریب پسا در سیلندر پایین دست می شود.

۵. در فاصلهٔ طولی ۴= L/d، ضریب پسا برای سیلندر پاییندست نسبت به فاصلهٔ ۲= L/d افزایش پیدا کرده است.

۶ در تمامی حالات، با افزایش عدد رینولدز مقدار ضریب پسا در زوایای کمتر از ۶۷٫۵ درجه به دلیل حضور سیلندر بالادست کاهش پیدا میکند و بعد از این زاویه ضریب پسای سیلندر پاییندست افزایش یافته و به مقدار ثابتی میرسد.

۷. نتایج حاصل از آزمایشها نشان دادند که عوامل مختلفی چون فاصلهٔ طولی، عدد رینولدز، زاویهٔ دو سیلندر نسبت به هم و در نهایت میزان شدت آشفتگی جریان تأثیر بسزایی بر روی ضریب پسای سیلندر پاییندست و لایهٔ برشی ناشی از سیلندر بالادست بر روی سیلندر پاییندست دارد.

## ۷- عدم قطعیت

میزان دقت اندازه گیری لودسل را میتوان از رابطهٔ زیر مورد بررسی قرار داد.

$$\varepsilon > \sqrt{\varepsilon_L^2 + \varepsilon_H^2 + \varepsilon_R^2 + \left(\frac{\varepsilon_Z^2 \times L \times N}{W_1} \times t\right)^2 + \left(\varepsilon_S \times t\right)^2} \quad (f)$$

در رابطهٔ (۴) مقدار ع بیان کننده دقت اندازه گیری لودسل است که هر کدام از این مقادیر به صورت زیر تعریف می شوند:  $\mathcal{E}_L$  درصد غیرخطی،  $\mathcal{E}_L$  خطای پسماند مغناطیسی،  $\mathcal{E}_R$  تکرار پذیری،  $\mathcal{E}_Z$  اثر دما بر تعادل صفر،  $\mathcal{E}_S$  اثر دما بر دامنه، L نرخ ظرفیت لودسل، N تعداد لودسل،  $W_1$  حداکثر بار قابل اندازه گیری، t دامنهٔ تغییرات دمایی لودسل است که با توجه به اطلاعات موجود در کاتالوگ لودسل، میزان دقت دستگاه ۱/۴ میباشد. همانطور که مشاهده می شود این میزان بسیار پایین و قابل قبول برای انجام آزمایشات با این دستگاه میباشد.

## ۸- فهرست علائم

- کریب پسا C<sub>D</sub>
- d قطر سیلندر پاییندست (mm)
- D قطر سیلندر بالادست (mm)
  - F نيرو (N)
  - Re عدد رينولدز
- زاویه قرارگیری سیلندر بالادست نسبت به سیلندر پایینα
  - دست (بر حسب درجه)
  - U سرعت جریان آزاد (m/s)

علائم يونانى

μ ضریب لزجت دینامیکی(kg/ms)

ر (kg/m<sup>3</sup>) چگالی

#### ۹- مراجع

- Zdravkovich, M.M., Flow around Circular Cylinders: Volume 2: Applications. Vol. 2, 1997: Oxford University Press.
- [۲] بک خوشنویس ع. و ایزدی یزدی م.ج. بررسی تجربی تأثیر دوران استوانه روی کاهش ضریب پسا با جریان سنج سیم داغ. مجلهٔ مهندسی مکانیک دانشگاه تبریز، د. ۴۶، ش. ۲. ص ۱۹–۳۰، ۱۳۹۵.
- [۳] ایزدی یزدی م.ج. و بک خوشنویس ع.، بررسی تجربی ویژگیهای دنبالهٔ سیلندر دایرهای چرخان در اعداد رینولدز و نسبت سرعتهای مختلف. دوفصلنامه مکانیک سیالات و آیرودینامیک دانشگاه جامع امام حسین (ع)، د. ۴. ش. ۱، ص ۵۱–۶۴، ۱۳۹۴.
- [4] Surry D., Some effects of intense turbulence on the aerodynamics of a circular cylinder at subcritical Reynolds number. *Journal of Fluid Mechanics*, Vol. 52, No. 3, pp. 543-563, 1972.
- [5] Younis N., *The role of turbulent integral length scale on the drag of a circular cylinder in cross flow*. Electronic Theses and Dissertations, Windsor, Ontario, Canada, 2010.
- [6] Blackburn H. and Melbourne W., The effect of free-stream turbulence on sectional lift forces on a circular cylinder. *Journal of Fluid Mechanics*, Vol. 306, pp. 267-292, 1996.
- [7] Cheung J. and Melbourne W., Turbulence effects on some aerodynamic parameters of a circular cylinder at supercritical numbers. *Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics*, Vol. 14, No. 1-3, pp. 339-410, 1983.
- [8] Wang Y.-T., Yan Z.-M., and Wang H.-M., Numerical simulation of low-Reynolds number flows past two tandem cylinders of different diameters. *Water Science and Engineering*, Vol. 6, No. 4, pp. 433-445, 2013.
- [9] Alam M.M., The aerodynamics of a cylinder submerged in the wake of another. *Journal of Fluids and Structures*, Vol. 51, pp. 393-400, 2014.
- [10] Supradeepan K., and Roy A., Characterisation and analysis of flow over two side by side cylinders for different gaps at low Reynolds number: A numerical approach. *Physics of Fluids*, Vol. 26, No. 6, pp 063602, 2014.
- [11] Vu H.C., Ahn J., and Hwang J.H., Numerical simulation of flow past two circular cylinders in tandem and side-by-side arrangement at low Reynolds numbers. *KSCE Journal of Civil Engineering*, Vol. 20, No. 4, pp. 1594-1604, 2016.
- [12] Singha S., Nagarajan K.K., and Sinhamahapatra K., Numerical study of two-dimensional flow around two sideby-side circular cylinders at low Reynolds numbers. *Physics* of Fluids, Vol. 28, No. 5, pp. 053603, 2016.
- [13] Meneghini J., et al., Numerical simulation of flow interference between two circular cylinders in tandem and side-by-side arrangements. *Journal of fluids and structures*, Vol. 15, No. 2, pp. 327-350, 2001.
- [14] Gao Y., et al., Experimental study on the flow around two tandem cylinders with unequal diameters. *Journal of Ocean University of China*, Vol. 13, No. 5, pp. 761-770, 2014.
- [15] Wang J., et al., Drag reduction of a circular cylinder using an upstream rod. *Flow turbulence and combustion*, Vo:, 76, No. 1, pp. 83-101, 2006.
- [16] Lee S.-J., Lee S.-I., and Park C.-W., Reducing the drag on a circular cylinder by upstream installation of a small control rod. *Fluid dynamics research*, Vol. 34, No. 4, pp. 233-250, 2004.

- [17] Munson B.R., Young D.F., and Okiishi T.H., Fundamentals of fluid mechanics. New York, Vol. 3. No. 4, 1990.
- [18] Achenbach E., Experiments on the flow past spheres at very high Reynolds numbers. *Journal of Fluid Mechanics*, Vol. 54, No. 3, pp. 565-575, 1972.
- [19] Sumner D., and Richards M., Some vortex-shedding characteristics of the staggered configuration of circular cylinders. *Journal of Fluids and Structures*, Vol. 17, No. 3, pp. 345-350, 2003.