

## تأثیر بارهای دینامیکی در رفتار انباشتگی کرنش لوله‌های سه راهی تحت فشار داخلی

استادیار، دانشگاه حقوق اردبیلی، دانشکده فنی مهندسی  
دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشگاه حقوق اردبیلی، دانشکده فنی مهندسی

سید جاوید زکوی  
علیرضا رحیمی\*

### چکیده

در این تحقیق، رفتار انباشتگی کرنش در لوله‌های سه راهی از جنس فولاد کربنی ساده تحت فشار داخلی و ممان‌های دوره‌ای مورد بررسی قرار گرفته است. مدل کرنش سختی سینماتیکی غیرخطی برای بررسی رفتار پلاستیک لوله‌های سه راهی بکار برد شده است. پارامترهای ثابت مدل کرنش سختی از روی سیکل‌های پایدار شده منحنی‌های تنش-کرنش‌های مختلف بدست آمده‌اند. نتایج نشان می‌دهد که حداقل مقدار انباشتگی کرنش در نزدیکی محل اتصال سه راهی در جهت محیطی اتفاق می‌افتد. مشاهده نتایج تجربی و عددی نشان می‌دهد که در ممان‌های با دامنه کم انباشتگی کرنش دارای مقدار بسیار پایین و نزدیک به صفر است، با افزایش تنش میانگین و بالا رفتن دامنه ممان‌های اعمال شده، با فرض ثابت بودن سایر پارامترها میزان انتقال انباشتگی کرنش نیز بیشتر می‌شود. نرخ رشد اولیه انباشتگی کرنش زیاد بوده و سپس با افزایش تعداد سیکل‌ها این مقدار کاهش می‌یابد. البته نرخ انباشتگی کرنش پیش‌بینی شده توسط روش عددی در مقایسه با نتایج تجربی فراتر خمین می‌باشدند.

واژه‌های کلیدی: بارگذاری سیکلی، مدل کرنش سختی سینماتیکی، انباشتگی کرنش، فولاد کربنی ساده، لوله‌های سه راهی تحت فشار.

## The Effect of Dynamic Loading on the Ratcheting Behavior of Pressurized Piping Branch

S. J. Zakavi

Assistant Professor, Mohaghegh Ardabili University, Faculty of Technical and Engineering

A. R. Rahimi

M.Sc. Student, Mohaghegh Ardabili University, Faculty of Technical and Engineering

### Abstract

In this study, cyclic loading behavior of carbon steel pressurized piping branch junction are described. Effects of internal pressure and quantity of moments on ratcheting strain are investigated. The nonlinear kinematic hardening model is used to assessment of the plastic behavior of the branch pipes. The constant parameters of the hardening model and stress-strain data have been obtained from several stabilized cycles of specimens that are subjected to symmetric strain cycles. The results showed that the maximum ratcheting strain occurred on the flanks in the branch hoop stress direction just above the junction. The results show that in low moments, the ratchetting strain rate is very low and near to zero. The ratchetting strain rate increases with increase of average stress and the moment levels in constant pressure. The results show that initial the rate of ratcheting is large and then it decreases with the increasing of cycles. The hoop strain ratchetting rate by FE model give over estimated values comparing with the experimental data.

**Keywords:** Cyclic loading moment, Strain hardening model, Racheting, Carbon steel, Pressurized piping branch.

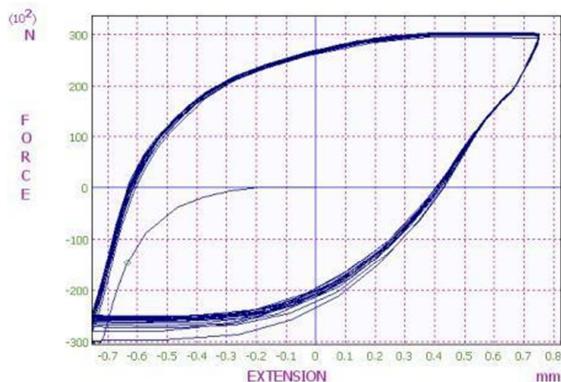
اراده شده است. این مدل کرنش سختی به صورت زیر تعریف می‌شود.

$$dX = \frac{2}{3} C d\epsilon^P - \gamma X d\epsilon_P \quad (1)$$

$d\epsilon_P$  نرخ کرنش پلاستیک معادل،  $X$  تانسور تنش برگشتی و  $C, \gamma$  دو پارامتر وابسته به مواد در مدل کرنش سختی سینماتیکی آرمسترانگ-فردریک بوده و  $\gamma=0$  بیانگر قانون سینماتیکی خطی می‌باشد. فرم ساده شده مدل کرنش سختی بصورت زیر تعریف می‌شود [۱۱].

$$[X = v \frac{c}{\gamma} + (X_0 - v \frac{c}{\gamma}) \exp[-v\gamma(\epsilon_P - \epsilon_{P_0})]] \quad (2)$$

که  $v = \pm 1$  بر طبق جهت جریان و  $X_0, \epsilon_{P_0}$  مقادیر اولیه در شروع هر جریان پلاستیکی می‌باشند. برای به دست آوردن پارامترهای کرنش سختی سینماتیکی داشتن نمونه‌هایی با استحکام تسلیم و استحکام نهایی برابر با نمونه‌های تجربی [۳] الزامی است. برای این منظور پس از تهیه، نمونه تحت بارگذاری سیکلی با دامنه کرنش‌های مختلف توسط دستگاه سنتام ۱۵۰<sup>۱</sup> قرار داده شد. از آزمایشات منحنی‌های سیکلی تنش-کرنش را گرفته و سپس با استفاده از منحنی‌های تنش-کرنش و روش سیکل پایدار پارامترهای کرنش سختی سینماتیکی استخراج شده است که مقدار  $C = 2763.69 \text{ MPa}$  و  $v = 17.66$  برای فولاد کربن ساده به دست آمده است. یک نمونه از منحنی‌های تنش-کرنش سیکلی با کنترل دامنه کرنش  $\pm 0.75$  در شکل ۱ نمایش داده شده است.



شکل ۱- نمونه‌ای از نمودار بارگذاری سیکلی با کنترل دامنه کرنش

**۴- دوباره خوانی برنامه‌های تجربی**  
چگونگی انجام آزمایش‌ها و توصیف اندازه‌گیری مقادیر تجربی در شکل ۲ نشان داده شده است. آزمایش توسط یاهیوی و همکارانش [۳] انجام شده است. جمع آوری داده‌های

## ۱- مقدمه

هرگاه بار اعمال شده سیکلی با مقدار میانگین غیرصفر به اندازه لازم برای تسلیم جسم کافی باشد، در اجزاء یک تغییرشکل سیکلی غیرالاستیک اتفاق خواهد افتاد که این تغییرشکل پلاستیک، انباشتگی کرنش نامیده می‌شود. عمدتاً بررسی رفتار پلاستیک در این اجزاء با استفاده از مدل‌های کرنش سختی سینماتیکی انجام می‌شود. لوله‌های سه راهی در سیستم‌های نیروگاهی و تاسیساتی مورد مصرف بسیار می‌باشد.

از جمله تحقیقات انجام شده در سال‌های اخیر در زمینه رفتار انباشتگی کرنش، بررسی رفتار اجزا سه راهی در سیستم‌های لوله‌ای تحت نیروهای زمین لزمه‌ای در نیروگاه‌ها بوده که این امر توسط یاهیوی و همکارانش انجام و میزان انباشتگی کرنش در اثر این بارگذاری‌ها به روش تجربی مورد بررسی قرار گرفته است. در این راستا رفتار لوله سه راهی از جنس فولاد کربنی ساده تحت فشار داخلی با قطر خارجی ۷۰ میلی‌متر تحت اثر بارهای خمش دینامیکی مورد بررسی قرار گرفته است.

## ۲- مواد و روش‌ها

در این تحقیق، با استفاده از کد المان محدود ABAQUS رفتار انباشتگی کرنش لوله‌های سه راهی تحت فشار داخلی از جنس فولاد کربنی ساده در معرض بارگذاری سیکلی مورد بررسی قرار می‌گیرد. فرکانس آزمایش‌های تجربی در حدود ۷ هرتز می‌باشد. به وسیله یک سری از آنالیزهای المان محدود و بر پایه مدل کرنش سختی سینماتیکی غیرخطی این پدیده بررسی و سپس داده‌های انباشتگی کرنش به دست آمده با نتایج تجربی مقایسه شده‌اند.

## ۳- مدل‌های کرنش سختی سینماتیکی غیرخطی

مدل‌های کرنش سختی سینماتیکی برای شبیه‌سازی رفتار غیرالاستیک مواد در معرض بارگذاری سیکلی به کار برده می‌شوند. در حالت کلی استفاده از مدل‌های پلاستیسیته مواد از نوع کرنش سختی ایزوتروپیکی برای کرنش سختی سیکلی توصیه نمی‌شود. مدل کرنش سختی ایزوتروپیک اگر خزش وجود نداشته باشد معمولاً رفتار Shake down را پیش‌بینی می‌کند [۴]. مدل‌های پلاستیسیته کرنش سختی سینماتیکی برای مدل کردن رفتار غیرالاستیکی مواد در معرض بارهای سیکلی پیشنهاد شده است [۵-۹]. اولین مدل کرنش سختی سینماتیکی غیرخطی به توسط آرمسترانگ-فردریک [۱۰] ارائه شده است. بر پایه قانون کرنش سختی سینماتیکی غیرخطی آرمسترانگ-فردریک، مدل‌های زیادی برای بررسی رفتار انباشتگی کرنش مواد تحت بارگذاری چند محوره و تک محوره

<sup>۱</sup> Santam 150

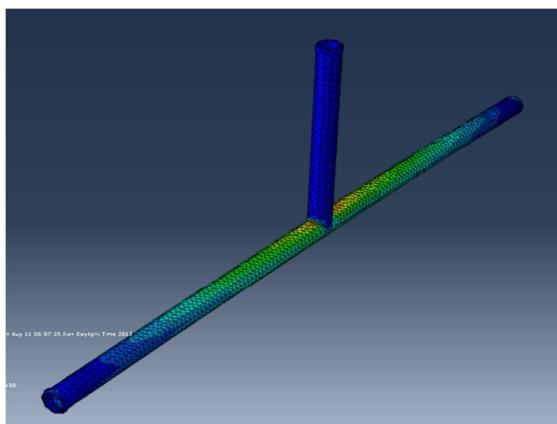
کرنش‌های اندازه‌گیری شده توسط گیج‌های متصل به یک سر شاخه ساقه لوله سه راهی استنباط می‌شوند.

**جدول ۲- خواص مواد فولاد کربن ساده به دست آمده از آزمایش‌های کشش**

$E$ مدول یانگ	$\sigma_{ult}$ تنش نهایی	$\sigma_y$ تنش تسلیم	$S_m = \min\left(\frac{1}{3}\sigma_{ult}, \frac{2}{3}\sigma_y\right)$
۲۱۴GPa	۴۷۵MPa	۳۲۸MPa	۱۵۸MPa

## ۵- روش المان محدود

امروزه استفاده از مدل‌های کرنش سختی بهبود یافته در روش‌های عددی برای بررسی رفتار انباشتگی کرنش گسترش فراوان یافته است [۱۵-۱۶]. در این تحقیق با استفاده از کد المان محدود غیرخطی ABAQUS برای ارزیابی رفتار انباشتگی کرنش لوله‌های سه‌راهی تحت بارگذاری فشار به همراه ممان دینامیکی مشابه اثرات زمین لرزه‌ای استفاده شده است. لوله سه‌راهی تحت فشار و بارگذاری سیکلی دارای ۲/۵ متر طول ساقه لوله است که در محیطی سه بعدی و با ۱۲۷۲۷ تعداد المان از نوع C3D4 (هرمی سه بعدی Solid دارای چهار گره) مش‌بندی شده (شکل ۳) که این تعداد المان انتخاب شده پس از آزمون‌های مکرر و ارائه آزمایش همگرا انتخاب شده است. نتایج به دست آمده از مدل‌سازی سه بعدی خیلی بهتر از نتایج مدل‌سازی دو بعدی بوده و مدل سازی سه‌بعدی پیش‌بینی‌های دقیق‌تری را از رفتار غیرخطی لوله‌های سه راهی تحت بارگذاری ارائه می‌دهد.

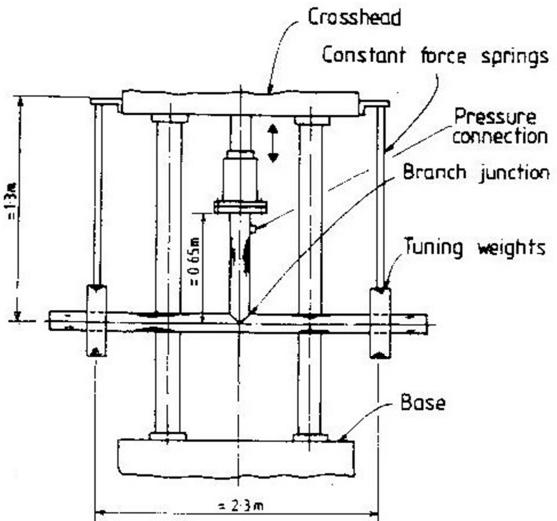


شکل ۳- مش‌بندی لوله سه‌راهی در محیط سه بعدی

## ۶- نتایج عددی و تجربی

یک نمونه از انباشتگی کرنش نتیجه شده از نرم افزار ABAQUS در شکل ۴ نشان داده شده است.

کرنش بوسیله یک کرنش‌سنچ ۲۴ کاناله در فرکانس حدود ۷ هرتز انجام شده است. در همه آزمایش‌های انجام شده، لوله‌ها دارای فشار داخلی تا فشار طراحی خودشان می‌باشند. دامنه‌های ورودی بصورت پله‌ای برای آزمایش‌های بعدی تا زمانی که شکست رخ بدهد، افزایش می‌یابند. هر آزمایش می‌تواند طی ۱۰ سیکل و یا حتی تا ۲۰۰ سیکل انجام شود تا به شکست منجر شود که بستگی به نیرو و گشتاورهای اعمال شده و همچنین ضخامت و ابعاد سه‌راهی مورد نظر دارد. جزئیات هندسی و مشخصات نمونه تجربی آزمایش شده در جدول ۱ نشان داده شده است.

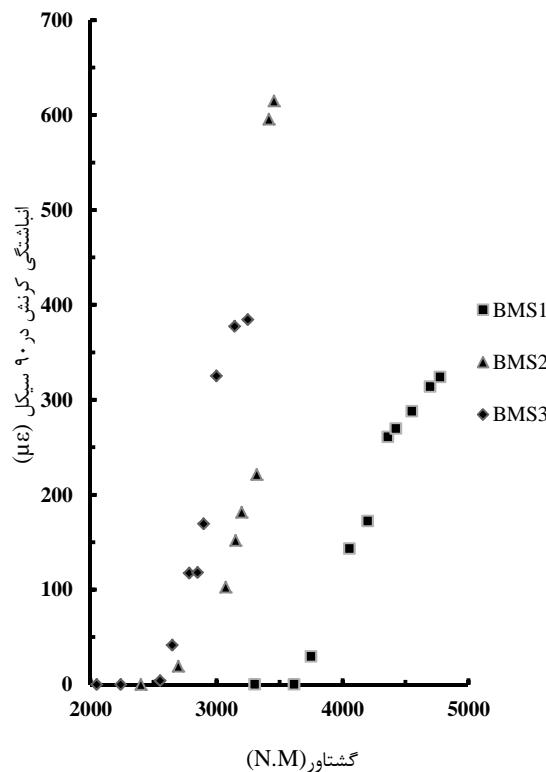


شکل ۲- دستگاه آزمایش لوله سه‌راهی تحت خمس صفحه‌ای [۵]

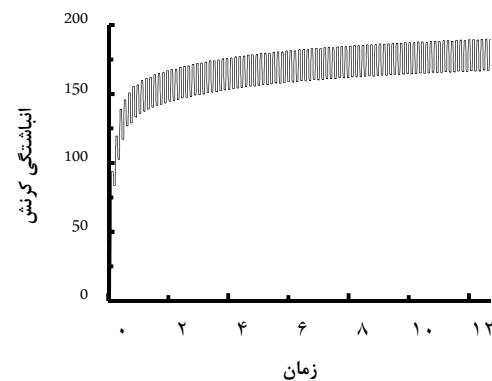
جدول ۱- مشخصات هندسی لوله‌های سه‌راهی و مشخصات آزمایش

لوله‌ها	(mm)	ضخامت (mm)	فشار (MPa)	$D_m/t$	فرکانس (HZ)
BMS1	۴,۲۴	۱۸,۵۸	۱۶	۷,۵	
BMS2	۳,۲	۱۳,۸۵	۲۰,۹	۷,۳	
BMS3	۲,۷۵	۱۱,۸۴	۲۴	۷,۱	

خواص مواد (فولاد کربنی ساده) که از آزمایش کشش بدست آمده در جدول ۲ نشان داده شده است که فشار داخلی لوله سه راهی تا فشار طراحی می‌باشد. دو نیروی فشار داخلی و نیروی متتمرکز سینوسی (دینامیکی) به لوله‌های سه راهی اعمال می‌شود که نیروهای متتمرکز در دو انتهای ساقه لوله‌ها اعمال شده‌اند. فرکانس اساسی و نیروهای اعمال شده در هر نمونه در فرکانس مشابه اثرات زمین لرزه ای و با دامنه جاچایی ورودی (بنابر شتاب اعمالی) برای هر آزمایش منحصر به فرد است. سپس دامنه به صورت پله‌ای برای آزمایش بعدی بیشتر شده تا زمانی که شکست در نمونه بوجود آید. گشتاورهای خمسی دینامیکی بکار برده شده برای ارزیابی تنش‌های سیکلی به صورت مستقیم قابل کنترل نیستند، اما بوسیله برون‌یابی از

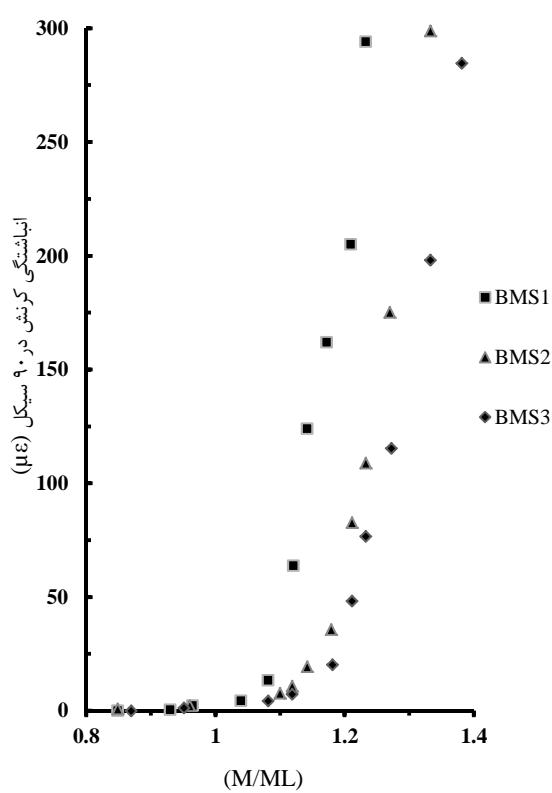


شکل ۶- انباستگی کرنش عددی بر حسب گشتاورها

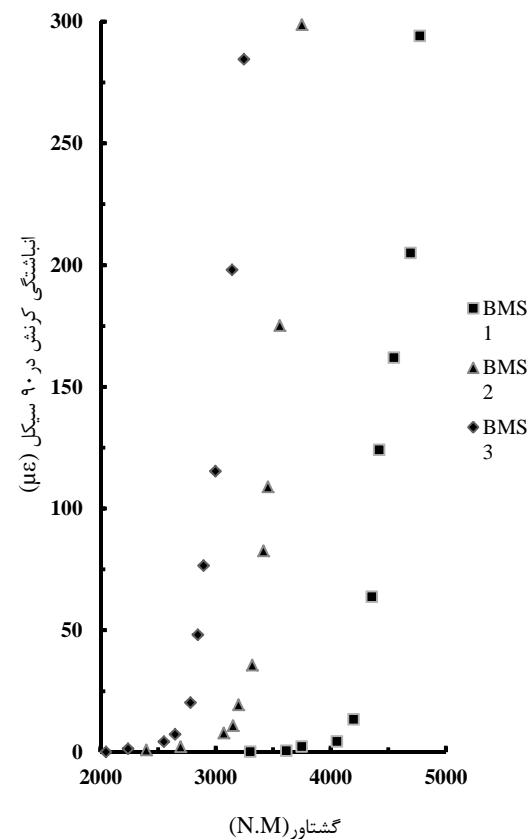


شکل ۴- یک نمونه از انباستگی کرنش عددی گرفته شده از نمونه ۳۲۰۰ در گشتاور خمی صفحه‌ای BMS2

نتایج انباستگی کرنش تجربی و عددی در شکل‌های ۵ و ۶  
بر حسب محدوده گشتاورها و در شکل‌های ۷ و ۸ بر حسب  
ارائه شده‌اند.



شکل ۷- انباستگی کرنش تجربی بر حسب  $M/ML$



شکل ۵- انباستگی کرنش تجربی بر حسب گشتاورها

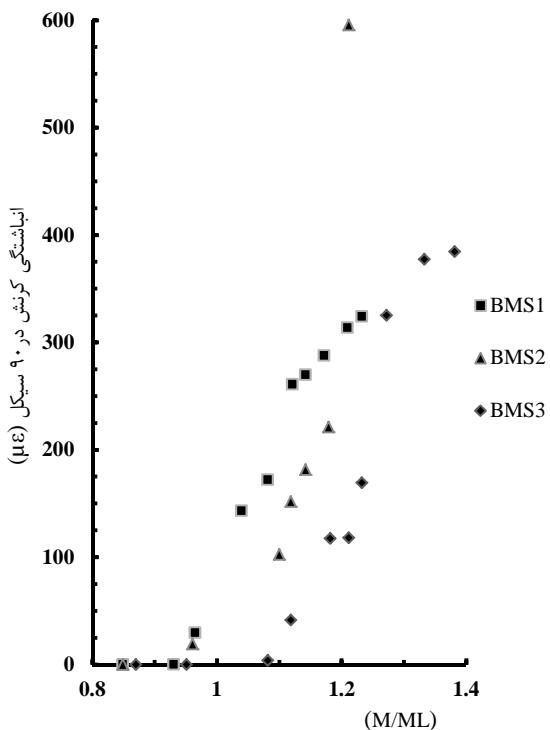
انباشتگی کرنش با کمک آزمایشات تجربی و مقایسه آن با روش‌های عددی با یکدیگر پیشنهاد می‌گردد. داده‌های به دست آمده تجربی و نتایج عددی برای هر نمونه BMS در بالاترین مقدار خود در شکل ۷ و ۸ نشان داده شده است. شکل ۷ و ۸ نشان می‌دهد که شروع انباشتگی کرنش تجربی در لوله‌های سه‌راهی از جنس فولاد کربن ساده در  $0.93 < M/ML < 1.1$  و شروع انباشتگی کرنش عددی در  $0.96 < M/ML < 1.008$ . اتفاق می‌افتد. داده‌های نمونه آزمایش شده BMS3 در جدول ۳ ارائه شده است.

#### ۷- نتیجه گیری

در این تحقیق رفتار بارگذاری سیکلی لوله سه راهی فولاد کربنی ساده تحت فشار ثابت بررسی و اثرات فشار داخلی ثابت و گشتاورهای خمی در ایجاد انباشتگی کرنش بررسی شده است. از قانون کرنش سختی سینماتیکی غیرخطی آمسترانگ-فردریک برای آنالیز رفتار لوله‌های سه راهی آزمایش شده تحت شرایط بارگذاری سیکلی استفاده شده است. نتایج نشان می‌دهد که حداقل مقدار انباشتگی کرنش در نزدیکی محل اتصال سه‌راهی در جهت محیطی اتفاق می‌افتد. مشاهده نتایج تجربی و عددی نشان می‌دهد که در ممان‌های پایین انباشتگی کرنش دارای مقدار بسیار پایین و نزدیک به صفر است، در حالی که با افزایش تنش میانگین و بالا رفتن مقدار ممان‌های اعمال شده، با فرض ثابت بودن سایر پارامترها میزان انتقال انباشتگی کرنش نیز بیشتر می‌شود. نرخ رشد اولیه انباشتگی کرنش زیاد بوده و سپس با افزایش تعداد سیکل‌ها این مقدار کاهش می‌یابد. البته نرخ انباشتگی کرنش پیش‌بینی شده توسط روش عددی حاضر در مقایسه با نتایج تجربی فراترخیمن می‌باشد.

جدول ۳- داده‌های تجربی و عددی انباشتگی کرنش برای نمونه BMS3

گشتاور الخمی دینامیکی $M(N.m)$	$M/M_1$	داده تجربی انباشتگی کرنش ( $\mu\epsilon/cycle$ )	داده عددی انباشتگی کرنش $\mu\epsilon/cycle$
۲۰۴۸	۰.۸۶۹	•	•
۲۲۴۰	۰.۹۵۱	۱.۲۹	•
۲۵۵۲	۱.۰۸۱	۴.۳	۳.۹۶۸
۲۶۴۸	۱.۱۱۸	۷.۳۱	۴۱.۵۴۴
۲۷۸۴	۱.۱۸۱	۲۰.۲۲	۱۱۷.۵۴۵
۲۸۴۸	۱.۲۱۱	۴۸.۲	۱۱۸.۰۵۶
۲۸۹۶	۱.۲۳۲	۷۶.۶۱	۱۶۹.۱۹۸
۳۰۰۰	۱.۲۷۲	۱۱۵.۳۵	۳۲۵.۰۸۱
۳۱۴۴	۱.۳۳۲	۱۹۷.۹۹	۳۷۷.۴۸۱
۳۲۴۸	۱.۳۸۱	۲۸۴.۵	۳۸۴.۳۸۵



شکل ۸- انباشتگی کرنش عددی بر حسب  $M/ML$

تعییرشکل‌های پیش‌روندۀ برای هر لوله سه‌راهی در مقابل گشتاور خمی دینامیکی در نمونه‌های BMS1 و BMS2 و BMS3 در شکل‌های بالا نمایش داده شده است. داده‌های BMS3 تجربی و عددی به دست آمده از انباشتگی کرنش برای نمونه BMS3 در جدول ۳ به طور خلاصه ارائه شده است. کرنش‌های ضبط شده در بالاترین مقدار منفی یا مثبت به دست آمده می‌باشند.

در این مطالعه، مشاهدات تجربی و نتایج عددی انباشتگی کرنش با یکدیگر مقایسه شده‌اند. داده‌های تجربی و نتایج شبیه‌سازی شده نشان می‌دهد که خمش سیکلی لوله‌ها، انباشتگی کرنش‌ها را در لوله ایجاد می‌کند که به این کرنش‌ها، انباشتگی کرنش گفته می‌شود. مقدار حداقل انباشتگی کرنش در نزدیکی محل اتصال لوله‌های سه راهی و در جهت محیطی اتفاق می‌افتد. انباشتگی کرنش در جهت‌های محیطی انتشار می‌یابند. این تحقیقات، برای ارزیابی مکانیزم شکست خستگی انباشتگی کرنش و گسترش دادن و فرمولی کردن مدل‌های شبیه‌سازی برای اجزاء لوله‌ای لازم و ضروری هستند. پیشرفت‌های قابل ذکری در بهبود مدل‌های پلاستیته سیکلی صورت پذیرفته است اما برای حصول به مدل‌های کرنش سختی بهتر، هنگامی که فقط پارامترهای مدل از خواص مواد تعیین شوند، نیاز به آزمون‌های تجربی می‌باشد. امروزه

- ratcheting simulation. International Journal of Plasticity 17, 885–905.
- [9] Bari S., Hassan T., 2002. An advancement in cyclic plasticity modeling for multiaxial ratcheting simulation. International Journal of Plasticity 18, 873–894.
- [10] Armstrong P.J., Frederick C.O., 1966. A mathematical representation of the multi axial Bauschinger effect. CEGB Report RD/B/N 731, Central Electricity Generating Board. The report is reproduced as a paper: 2007. Materials at High Temperatures, 24(1):1-26.
- [11] Chaboche J.L., 1986. Time-independent constitutive theories for cyclic plasticity, Int. J. of Plasticity, 2:149–188.
- [12] Chen Xiaohui., Chen Xu., Yu, Dunji., Gao, Bingjun., 2013. Recent progresses in experimental investigation and finite element analysis of ratcheting in pressurized piping, Int. J. of Pressure Vessels and Piping , 101:113-142.
- [13] Chen X., Jiao R., 2004. Modified kinematic hardening rule for multiaxial ratcheting prediction. International Journal of Plasticity 20, 871–898.
- [14] Chen X., Jiao R., Kwang S.K., 2005. On the Ohno–Wang kinematic hardening rules for multiaxial ratcheting modeling of medium carbon steel. Int. J. of Plasticity, 21:161-184.
- [15] Tasnim H., Lakhdar T., Shree K., 2008. Influence of non-proportional loading on ratcheting responses and simulations by two recent cyclic plasticity models, Int. J. of Plasticity, (24) 1863–1889.

علائم	
مدول یانگ	$E$
اندازه اولیه سطح تسلیم	$K$
گشتاور خمشی دینامیکی	$M$
گشتاور تسلیم	$M_y$
گشتاور حد نهایی	$M_l$
فشارآزمایش	$p$
شعاع متوسط لوله	$r$
شدت تنش مجاز طراحی	$S_m$
ضخامت لوله	$t$
تانسور تنش برگشتی	$X$
تنش تسلیم	$\sigma_y$
تنش حد نهایی شکست	$\sigma_{ult}$
تانسور کرنش پلاستیک	$P$
کرنش پلاستیک معادل	$\epsilon_P$
پارامترهای ثابت مدل کرنش سختی	$C, \gamma$
غیرخطی	

## مراجع

- [1] Yahiaoui K., Moffat D.G., Moreton D.N., 1994. Stress Limits for Pressurized Piping Branch Junctions Under In-Plane Run pipe Simulated Seismic Loadings. ASME J. Pressure Vessel Tec 116:150-160.
- [2] Yahiaoui K, Moffat D.G., Moreton D.N. 1995. Cumulative damage assessment at pressurized piping branch junctions under in- plane run pipe simulated seismic bending, Int. J. Pres. Ves. Piping 63:119-128.
- [3] Yahiaoui K, Moffat D.G., Moreton D.N. 1993. Single frequency seismic loading tests on pressurized branch pipe intersections machined from solid, J. of Strain Analysis, 28(3) 197-207.
- [4] Mahbadi H. and Eslami M.R., 2006. Cyclic loading of thick vessels based on the Prager and Armstrong–Frederick kinematic hardening models. Int. J. of Pressure Vessels and Piping, 83:409-419.
- [5] Hassan T., Kyriakides S., 1994a. Ratcheting of cyclically hardening and softening materials, Part I: uniaxial behavior. International Journal of Plasticity 10, 149–184.
- [6] Hassan T., Kyriakides S., 1994b. Ratcheting of cyclically hardening and softening materials, Part II: multiaxial behavior. International Journal of Plasticity 10, 185–212.
- [7] Ohno N., 1998. Constitutive modeling of cyclic plasticity with emphasis on ratcheting. International Journal of Mechanics and Sciences 40 (2–3), 251–261.
- [8] Bari S., Hassan T., 2001. Kinematic hardening rules in uncoupled modeling for multiaxial